

جمهورية مصر العربية



مَعهد التخطيط القومي

مذكرة رقم (١٢٦٤)

نماذج المدخلات والمخرجات
وتطويرها لخدمة المستوى الاقليمي

دكتور محرم الحداد

مايو ١٩٨٠

اعاده طبع مارس ١٩٨٢

الفصل الاول : النموذج العام للمدخلات والمخرجات

- ١ - مفهوم النموذج
- ٢ - التقسيمات المختلفه لنماذج المدخلات والمخرجات
- ٣ - النموذج العام للمدخلات والمخرجات وتركيبه الهيكلى
- ٤ - مصفوفه المعاملات الفنيه للانتاج ومصفوفه معدلات الاستخدام النهائى
- ٥ - حساب معاملات الانتاج الكليه والمستويات التوازنيه للانتاج
 - الطريقه الاولى : باستخدام المحددات
 - الثانيه : باستخدام المعطيه المحوريه
 - الثالثه : باستخدام طريقه الحساب التقريبى المتتابع
 - مثال ايضا حى
- ٦ - حساب مصفوفتى مستلزما للانتاج والطلب النهائى المناظرتهن لمنجه انتاج معين
- ٧ - مصفوفتا المعاملات الفنيه للانتاج بالوحدات العمليه والوحدات القيمييه والعلاقه بينهما .
- ٨ - حساب جمله الاحتياجات من العناصر الاولييه والواردات
- ٩ - تحديد المستويات التوازنيه للاسعار
- ١٠ - مشاكل التجميع فى نموذج المدخلات والمخرجات

الفصل الثانى : تطور نموذج المدخلات والمخرجات لخدمه المستوى الاقليمى

- ١ - التركيب الهيكلى لنموذج المدخلات والمخرجات والبعده الاقليمى
- ٢ - تحديد المستويات التوازنيه للانتاج الاقليمى
- ٣ - مثال ايضا حى
- ٤ - بعض مقومات تطبيق النماذج الاقليميه فى مصر

ان عطية التنمية الاقتصاد به والاجتماعيه عطيه على درجه كبيره من الصمود والتعقيد حيث تتعامل مع متغيرات متداخله ومتشابهه وغير مستقره . فهى عطيه شامله تستهدف احداث تغييرات ايجابية مستمره ومتراكمه فى الهيكل الاقتصادى والاجتماعى للدوله بحيث تؤدى الى مستويات اعلى من الانتاجيه والدخل والرفاهيه الاقتصاديه والعلاقات الاجتماعيه - اى تؤدى الى انماط متطوره من السلوك الاجتماعى . وبالتالى فان قياده هذه المملكه وتخطيط مسارهها بواسطة اعداد البرامج والخطط الاقتصاديه والاجتماعيه - ومتابعه عملياتها تستلزم ضروره تفهم طبيعته القوى المؤثره فى هذه المملكه من خلال الدراسه والتحليل للعوامل المختلفه التى تحكم عطيه التنميه ذاتها .

من هنا ظهرت الحاجه الى نظريه اقتصاديه تعطى اطار العام للتحليل وتوضح بالتالى الخطوط المرغوبه له . وكذا ظهرت الحاجه الى اسلوب علمى يهتم بدراسه مختلف جوانب المملكه الاقتصاديه والاجتماعيه بشكل كفى وما يتفق مع النظرية الاقتصاديه . فعلى تقدير ان تقدمه اصاليب التحليل الكمي تنوق قدره المخطط او واضع السياسه على مواجهه مشاكل التنميه . ومباراه اخرى تكتسب النتائج الرياضيه فى المجال الاقتصادى اهميه خاصه باعتبارها الصياغه الرياضيه للنظريه الاقتصاديه التى توصلنا اليها بالتحليل المنطقى .

وقد حظيت نماذج المدخلات والمخرجات باهتمام كبير من جانب خبراء التنميه والتخطيط والاقتصاد منذ الفتره التى أعقبت انهاء الحرب العالميه الثانيه نظرا لاهتمامها باظهار التعاملات والاعتماد المتبادل بين القطاعات الاقتصاديه المختلفه فى الاقتصاد القومى خلال فتره زمنيه مهمه . وكذلك لا مكانه استخدام جدولها فى وضع مقاييس كمي له درجه وحجم

التشابه بين القطاعات الانتاجيه المختلفه والتي يمكن على ضوءها دراسه وتحليل التطورات المستقبلية فى الاقتصاد القومى .

هذا من ناحيه ومن ناحيه اخرى فان تحليل المدخلات والمخرجات يعطى امكانيات تتسع لدراسه التوازن العام *General equilibrium* بشكل مبسط وكيفية تحقيقه والمحافظة عليه . وهذا ما يساعد على :-

- تحديده الفجوات التى يلزم ملؤها فى النظام الاقتصادى وبالتالى اقتراح الخطوط الرئيسية للاستراتيجيه الاقتصاديه وأهدافها وإيضاح آثار ذلك على الهيكل الاقتصادى
- معرفه ما هي الاثار الاقتصاديه لانتاج اى صياغه اقتصاديه محدده اذا ما اخذنا فى الاعتبار التشابه الاقتصادى الواقعى .

كما اكتسب تحليل المدخلات والمخرجات اهميه خاصه فى الآونه الاخيريه نتيجة للمحاولات المتعدده والنجاحه حول امكانه صياغه نماذج المدخلات والمخرجات فى الصوره العامه لمشاكل الامثليه *Optimization problems* مما أفسح المجال امام استخدام اساليب البرمجه الرياضيه فى حل نماذج اكثر تفصيلا للمدخلات والمخرجات مستفدين فى ذلك بالتطورات الكبيره فى صناعه الحاسبات الالكترونيه

وقد عولجت نماذج المدخلات والمخرجات فى المده من الدراسات الصادره عن الاجهزه المختلفه فى مصر حيث اهتمت كلها بحساب المصنوعات التوازنيه للانتاج من النموذج العام ولكنها لم تهتم بصفه خاصه بالمعالجات الرياضيه لعدد من الموضوعات مثل :-

- معالجه مشاكل التجميع وتدفق خطأ التجميع
- الملاقه بين المعاملات الفنيه للانتاج بالوحدات العينييه والوحدات القيمييه
- كيفيه حساب مصفوفتى مستلزومات الانتاج والطلب النهائى .
- وغيرها من الموضوعات

كذلك لم تهتم أيضا هذه الدراسات التي قامت بها هذه الأجهزة بمعالجة الجوانب السعريه والبعد الاقليمي من الناحية الرياضيه ، وذلك في الوقت الذي تدخل فيه الدوله ولو جزئيا في النظام السعري دون مراعاة التناسق بين الجوانب المعنيه والجوانب الماليه ، وفي الوقت الذي تهتم فيه القيادات السياسيه في الدوله أيضا بالتخطيط الاقليمي ورغبه منها في التركيز عليه اكثر من ذي قبل ، حيث تم تقسيم الدوله الى عدة اقاليم اقتصاديه بهدف وضع خطط اقليميه شامله (تغطي رقعه الوطن كله) تتكامل مع الخطه القوميه بحيث يصبغ تنفيذها خطه شامله تتحدد فيها ابعاد عمليه التنميه الاقتصاديه والاجتماعيه الشامله قطاعيا ومكانيا .

الامر الذي يستلزم القيام بدراسات حول الادوات والاساليب العلميه اللازمه لذلك واحتياجات هذه الاساليب من البيانات حتى يمكن تحديد الاجهزه والتنظيمات والمؤسسات التنظيميه منها والتخطيطيه والاحصائيه والتي يجب ان تهتم بهذه البيانات تجميعها وحفظها وتجديدها ومعالجتها حتى تتحسن نوبه هذه البيانات عند استرجاعها عند الحاجة اليها .

لذلك فقد راينا ضروره اعداد هذه المذكره والتي تهتم بـ

- ١ - ايضاح الممارجات الرياضيه الخاصه بالنموذج العام للمدخلات والمخرجات
- ٢ - تظهير نموذج المدخلات والمخرجات على المستوى القومي ليضمن البعد الاقليمي بالاضافه الى البعد القطاعي .

ونأمل ان نكون بها قد قدمنا مساهمه في هذا الاتجاه .

الفصل الاول

النموذج العام للمدخلات والمخرجات

يعرف النموذج عادة بأنه تصوير أو تمثيل لنظام أو عملية أو مشكلة في مجال معين في صورة
بمصطلح لنظام أو عملية أو مشكلة سواء في نفس المجال أو في مجال آخر .

وتتألف النموذج بالضرورة كل العناصر الرئيسية وخصائصها الجوهرية والعلاقات الأساسية
كما أنه يهمل العناصر والخصائص والعلاقات الغير جوهرية . وقد تكون العلاقات الأساسية
بالنموذج - والتي تربط بين المتغيرات الرئيسية في النظام موضع البحث والثاني تحكم حركته -
قد تكون علاقات تعريفية definitional أو توازنية balance أو فنية technical أو تنظيمية
institutional أو سلوكية behavioral . كما ان المتغيرات قد تكون متغيرات داخلية
endogenous وهي المتغيرات التي نريد تفسيرها أو تحددها من خلال النموذج أو متغيرات
خارجية exogenous وهي التي تتحدد قيمها من خارج النموذج وتعتبر بالتالي بمثابة
بيانات . أما الهدف من بناء النموذج فهو اكتساب معارف جديدة من دراسته وتحليل وحل
النموذج الذي يمثل النظام الواقعي . ونقل هذه المعارف الى الواقع العملي حتى يمكن الاستفادة
بها . وعبارته اخرى فالمشكلة هي الحصول على الوضع الامثل لحركة النظام موضع البحث وذلك
بإيجاد قيم المتغيرات الداخلية بدلالة المتغيرات الخارجية في النظام . وهذا يعني ان هدف
النموذج اكتساب المعرفة فيما يتعلق بالمتغيرات الداخلية وتفسيرها وذلك بناء على الروابط
السببية causal relations فيما بينها أو بينها وبين المتغيرات الخارجية ومع افتراضنا
بان المتغيرات الخارجية تؤثر في المتغيرات الداخلية ولكن لا تتأثر بها .

ولا يخرج مفهوم نماذج المدخلات والمخرجات عن المفهوم السابق . فهي نماذج رياضية اقتصادية
تصوير الظاهرة الانتاجية في المجتمع بواسطة مجموعة من القيود الخطية والتي تمثل علاقات
التشابه بين الوحدات الاقتصادية الاساسية في الاقتصاد القومي . كما ان لها قدره كبيره على
دراسة التوازن العام للاقتصاد القومي بشكل مبسط وكيفية تحقيقه والمحافظة عليه .

٠٢ . التصنيفات المختلفة لنماذج المدخلات والمخرجات

تأخذ نماذج المدخلات والمخرجات صوراً وأشكالاً مختلفة تعكس طبيعته النموذج موضع البحث . ومعنى آخر فإن نماذج المدخلات والمخرجات كنماذج رياضية اقتصاديه يمكن تشبيهها باستخدام مجموعه كبيره من المعايير " . واستخدام أهم هذه المعايير قائمنا نجد ان هدفه النماذج يمكن ان تقسم الى :-

١ - نماذج مفتوحه open ونماذج مغلقه closed

علينا فيما سبق ان نماذج المدخلات والمخرجات يمكن ان تستخدم لدراسه التوازن العام للاقتصاد القوي . وهناك اتجاهان لدراسة التوازن العام باستخدام هذه النماذج .

الاتجاه الاول من خلال دراسته النموذج المفتوح للمدخلات والمخرجات حيث يتم في هذا النموذج فصل قطاع المستهلكين (الذين يشترون المنتجات النهائيه و معرضون قوة العمل) عن القطاعات الانتاجيه الاخرى في الاقتصاد القوي حيث سلوك المستهلكين يتم بالمعرضه وقد يخضع لموارض طارئه . ولا توجد في هذا النموذج علاقه محدده بين الاستهلاك (الطلب النهائي) والمعرض من العمل ، اي ان الطلب النهائي مستقل عن المعرض من العمل .

ومعنى آخر قائمنا باستخدام النموذج المفتوح للمدخلات والمخرجات يمكننا ان نحسد المنتجات التوازنيه للانتاج والاسعار في القطاعات الانتاجيه المختلفه في الاقتصاد القوي وذلك بمعلوميه الطلب النهائي على منتجات القطاعات المختلفه ومعدلات الاجور والتي تعتبر متغيرات خارجيه يتم تحديدها من خارج النموذج . ووضع هذا السبب تسميه النموذج بالنموذج المفتوح . حيث قد فصلنا قطاع المستهلكين عن باقي القطاعات

• يمكن لمعرفه هذه المعايير الرجوع الى :-

الانتاجيه ، واعتبرنا ان الطلب النهائي على منتجات القطاعات الانتاجيه وكذلك معدلات الاجور مفتوحه وجب تحديدها من خارج النموذج .
اما الاتجاه الثانى لدراسه التوازن العام فهو من خلال دراسه النموذج المغلق للمدخلات والمخرجات حيث يعامل قطاع المستهلكين فى هذا النموذج كباقي القطاعات الانتاجيه الاخرى . وهذا يعنى اننا نحاول فى النموذج المغلق ايجاد قيم الطلب النهائي على منتجات القطاعات المختلفه وكذلك حجم الانتاج اللازم بطريقه آتية . والتالى فـ ان النموذج المغلق ياخذ فى الحسبان اثر الطلب على العرض وايضا اثر العرض على الطلب ولهذا فان الانتاج المحسوب بهذه الطريقه لا يحتوى فقط على الانتاج اللازم لاسباع كميات مهمه من الطلب وانما يتضمن ايضا الانتاج اللازم لمقابلته الطلب النهائي المترتب على التفسير فى الدخل والانتاج .

ب - نماذج استاتيكيه static ونماذج ديناميكيه dynamic

تستخدم نماذج المدخلات والمخرجات - كما سبق ان ذكرنا - فى تحديده المستهات التوازنيه للانتاج فى القطاعات المختلفه وذلك فى ضوء علاقات التشابك الفنيه بين القطاعات المنتجه . وتصبح هذه النماذج استاتيكيه اذا تم هذا التحديد فى الفتره الزمنيه موضع الدراسه على اساس ان المعاملات الفنيه للانتاج - وهى التى تعكس التشابك القطاعى - ثابتة أثناء تلك الفتره . اى اذا تم التقدير بعيدا عن آثار عنصر الزمن ، وتمثل آثار عنصر الزمن على هذا التقدير من خلال آثارها على التراكم الراسمالي والتالى الطاقات الانتاجيه وتطورها فى القطاعات المختلفه . واختصار فاذا تم استبعاد آثار عنصر الزمن فان نموذج المدخلات والمخرجات يكون استاتيكي . اما اذا اخذنا فى الاعتبار عنصر الزمن فاننا نكون بصدد نموذج ديناميكي للمدخلات والمخرجات .

ح - نماذج في صورته *in physical terms* ونماذج في صورته قيمه *in Value terms*

ان الاصل في نماذج المدخلات والمخرجات هي ان تكون في صورته وحدات عينيه *in physical terms* حتى نستطيع ان نعكس بوضوح طبيعته العملية الانتاجيه . ولكن هذا يفترض تجانس منتجات كل قطاع من القطاعات الانتاجيه في الاقتصاد القومي ، وهو ما يمكن اعتباره افتراض غير واقعي ، والاضافه الى ذلك فان استخدام الوحدات العينيه بحصول دون الحصول على اجمالي مستلزما للانتاج لقطاع ما او تحدد به الاهميه النسبيه لها .
وناه عليه فقد غلب استخدام نماذج المدخلات والمخرجات في صورته قيمه .

د - نماذج عامه *general* ونماذج جزئيه *partial*

وسميار التقسيم هنا هو المجال موضع الدراسه في النموذج . فهينا تعتمدهر نماذج المدخلات والمخرجات على المستوى القومي نماذج عامه ، فانه يمكن اعتبار نماذج التمايك الخاصه بقطاع ما من القطاعات الاقتصاديه نماذج جزئيه .
ويمكن معرفه الاسر الاقتصاديه لتقسيم النماذج بطريقه تفصيليه بالرجوع الى المرجع السابق
ذكرة .

٣. النموذج العام للدخلات والمخرجات وتركيبه الهيكلي

General Input-Output Model

يقصد بالنموذج العام للدخلات والمخرجات

النموذج الاستراتيجي القوي الذي يستهدف دراسة التداخلات الهيكلية للقطاعات للاقتصاد

القوي في أصوله نظرية . ويقوم هذا النموذج في مبرراته العامة على الافتراضات التالية :-

- ١- أن كل (صناعة أو) قطاع التاجي في الاقتصاد القومي يقدم بانتاجه مخرجات تستخدم في القطاعات الإنتاجية . وتستخدم نفس الطرق الفنية للإنتاج . وتستخدم بالتجانس هنا . أما تجانس بالنسبة للاستخدام أي تداخل منتجات القطاع بحيث يمكن اعتبارها بعد أقل تامة لبعضها البعض (أي يمكن احتلالها محل بعضها) أو تجانس بالنسبة للإنتاج أي تداخل أو تناسب هيكل التكاليف بالنسبة لدخلات القطاع الوسيطة .

٢ - إن مستلزمات الإنتاج تستخدم بنسب ثابتة ، مما يعني ثبات العلاقة بين المستخدم

منها في الإنتاج وكمية الإنتاج ذاتها . وهذا ما يعني ان المنتجين ليس لديهم

أي خيار فيما يتعلق بنسب عناصر الإنتاج في الأجل القصير أو انهم يمتنعون للتغيير

في الطلب عن طريق تغيير الإنتاج بدلاً من الأسعار .

ومعبارة أدق فإن دالة الإنتاج التي يفترضها النموذج هي دالة الإنتاج ذات النسب

الثابتة أي Fixed Proportion Production Function

ووفقاً لطبيعته هذا النموذج فالتنا سخص لكل قطاع (أو صناعة أو نشاط) نفس

الاقتصاد القومي كما بالجدول رقم (١) سطراً وهذا . ومثل السطر التعاملات التي تتعلق

بالاستخدام الخاص بإنتاج هذا القطاع (أو الصناعة أو النشاط) سواء كان استخداماً وسيطاً

أو استخداماً نهائياً . أما العمود فيمثل التعاملات التي تتعلق بمستلزمات الإنتاج التي

يحتاجها هذا النشاط سواء تلك التي تتعلق بالدخلات الوسيطة والتي يتم إنتاجها خلال

عملية الإنتاج الجاريه أو مستلزمات الإنتاج الأولية والتي تتكون من خدمات العناصر الأولية من

العمل ورأس المال . . . الخ بالإضافة إلى الواردات من العالم الخارجي .

وبالتالى فان جدول المدخلات والخرجات بلخصه اوضح :-

- ا - توزيع انتاج كل قطاع بين الاستخدام الوسيط والاستخدام النهائى .
- ب - هيكل النفقات الخاص بكل قطاع على المدخلات الوسيطة وعلى مستلزمات الانتاج من العناصر الاولى .
- ج - التشابك الموجود بين القطاعات المختلفه .

واذا عرفنا القطاع الانتاجى (او الصناعه) فى الاقتصاد القومى بانه مجموعه المؤسسات التى تنتج سلعا وخدمات متشابهه وحيث توجد وحده عامه لقياس ناتجها ه فاننا يمكننا إفتراض ان الاقتصاد القومى يتكون من عدد قدره من القطاعات الانتاجيه (او الصناعيات) ه

اما الاستخدام النهائى لمنتجات القطاعات المختلفه فيمكن ان يقسم الى :-

- ا - الاستهلاك الخاص : وهو عباره عن مشتريات القطاع العائلى من السلع والخدمات لاغراض الاستهلاك النهائى فى خلال فتره معينه .
- ب - الاستهلاك الحكومى : وهو عباره عن مشتريات الحكومه من السلع والخدمات ، واللازمه لها لاستخدامها فى أداء بعض الخدمات مثل الامن والدفاع . . . الخ والتي لا تتقاضى عنها الحكومه اى اجره .
- ج - الاستثمار : وهو عباره عن مشتريات الوحدات الانتاجيه (سواء القطاع العام أو القطاع الخاص) من السلع الراسماليه واللازمه للمساهمه فى العمليه الانتاجيه فى عدد من الفترتات الانتاجيه فى المستقبل . اى انها لا تستخدم بالكامل خلال فتره واحده ، وانما تستخدم فى فترات انتاجيه عديده ، وهذا هو سبب عدم ادراجها ضمن الاستخدامات الوسيطة بل ضمها للاستخدامات النهائيه .

د - التغيير في المخزون : وهو الذي قد يكون موجبا أو سلبا وفقا للتغير هل هو بالزيادة أو بالنقص .

هـ - الصادرات : وهي عبارة عن مشتريات العالم الخارجي من السلع والخدمات المحلية سواء كانت تستخدم كاستخدام بسيط أو استخدام نهائي .

ومن البديهي انه يمكن تقسيم السيّد السابقه الى قطاعات فرعيه وفقا لنمط الاستخدام النهائي .

ونفرض الان ان " t " هي اجمالي عدد قطاعات الاستخدام النهائي (او الطلب النهائي)

ومن ناحيه اخرى ، فان القطاعات الانتاجيه (او الصناعات) تقوم - بالاضافه الى شراء السلع والخدمات من القطاعات الانتاجيه المختلفه في شكل مستلزمات انتاج - تقوم ايضا بشراء خدمات العناصر الاوليّه من العمل ورأس المال والارض من قطاع الافراد أو القطاع الحكومي وتدفع في مقابل ذلك الاجور والمرتبات لعنصر العمل والارباح مضافا اليها مخصص الاهلاك لعنصر رأس المال والربح لعنصر الارض . كما تقوم ايضا بشراء الواردات من العالم الخارجي .

هنا على ذلك فيمكننا ان نقسم مستلزمات الانتاج الدوليه الى :-

- مكونات القيمة المضافة
- الاجور والمرتبات
 - الارباح (الموزعه والتغير موزعه)
 - اهلاك رأس المال
 - الربح
 - صافي الضرائب الغير مباشره (في حاله استخدام اسعار السوق)
 - الواردات

وناه على ما سبق فان الجدول العام للمدخلات والمخرجات والذي يعبر عن التوازن لعدد n من القطاعات الانتاجيه وهدد t من قطاعات الطلب النهائي يمكن ان يمشمل بوحدهات قهييه كما يلي :-

جدول رقم (١)

Receiving Sectors delivering Sectors	Purchasing Sectors				Total Production	
	Intermediate Use			Final Uses		ع
	1 2 ... J ... n					
1 2 . . i . . n			x_{ij}	y_{ik}	v_i	x_i
Imports Value added			I_j v_{lj}			
Total production			x_j			

حيث قد افترضنا في هذا الجدول ان :-

- x_{ij} تمثل مقدار الاستخدام الوسيط من منتجات القطاع i في القطاع j
- v_{ik} تمثل القدر المستخدم من منتجات القطاع i في قطاع الطلب النهائي k ومن الضروري الاشاره هنا الى ان قطاعات الطلب النهائي تتضمن قطاع صافي الصادرات وهو يعني ضروره طرح الواردات المنافسه من صادرات القطاع .
- x_i تمثل اجمالي القطاع i

وطيه فانه يمكن التعبير عن اجمالي انتاج اى قطاع من زاوية استخدامه بالعلاقه

التوازنيه التاليه :-

$$x_i = \sum_{j=1}^n x_{ij} + \sum_{k=1}^m y_{ik} \quad \text{where } (i = 1, 2, \dots, n) \quad (1)$$

وهذه المعادله تعبر على ان اجمالي انتاج القطاع x_i يساوى اجمالي الطلب

الوسيط $\sum_{j=1}^n x_{ij}$ مضافا اليه اجمالي الطلب النهائى على منتجات القطاع $\sum_{k=1}^m y_{ik}$

كما ان هناك معادله توازنيه ثانيه وتتصل على ان الانتاج الكلى فى كل قطاع x_j

يجب ان يساوى قيمه مستلزما انتاج المشترى من كل القطاعات الانتاجيه $\sum_{j=1}^n x_{ij}$ مضافا

اليها الواردات I_j وموافق العناصر الاولي - اى القبه المضافه $\sum_{i=1}^m v_{1j}$ اى ان

$$x_j = \sum_{i=1}^n x_{ij} + I_j + \sum_{l=1}^m v_{lj} \quad \text{where } (j=1, 2, \dots, n) \quad (2)$$

٤. مصفوفه المعاملات الفنيه للانتاج ومصفوفه معدلات الاستخدام النهائى

اذا افترضنا ان

y_i هى اجمالي الطلب النهائى على منتجات القطاع i فان :

$$y_i = \sum_{k=1}^m y_{ik} \quad \text{where } (i=1, 2, \dots, n) \quad (3)$$

وما ان الاستخدام الوسيط لمنتجات القطاع i فى القطاع j - بناء على الفرض الثانى

من افتراضات النموذج العام للدخلات والمخرجات - ترتبط باجمالي انتاج القطاع j وتناسب

معه تناسباً طردياً ، فاننا يمكننا كتابه

$$x_{ij} = f(x_j) = a_{ij} x_j \quad \text{where } (i=1,2,\dots, n ; j=1,2,\dots,n) \quad (4)$$

حيث a_{ij} لجميع قيم $(i=1,2,\dots,n ; j=1,2,\dots,n)$ تسمى المعاملات الفنية للانتاج Technical Production Coeff. وهي ترمز الى الكميات اللازمه من منتجات القطاع i حيث $(i=1,2,\dots, n)$ لانتاج وحده واحده من منتجات القطاع j حيث $(j = 1,2,\dots, n)$. فهي تبين نصيب الوحده الواحده من المنتج من مستلزمات الانتاج - اي انها معاملات ، كما انها تعكس الاسلوب الفني للانتاج والمثبع فسي قطاع معين .

من المعادله (1) واستخدام كل من المعادلات (3) و (2) ينتج ان

$$x_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} x_j + y_i \quad \text{where } (i=1,2,\dots,n) \quad (5)$$

واذا افترضنا ان A هي المصفوفه المرعبه التاليه والتي تعبر عن مصفوفه المعاملات الفنية للانتاج . اي ان

$$A = (a_{ij}) = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

وان X ، Y هما المتجهان التاليان :-

$$X = (x_i) = (x_1 \ x_2 \ \dots \ x_n)^T$$

$$Y = (y_i) = (y_1 \ y_2 \ \dots \ y_n)^T$$

حيث يسمي X متجه الانتاج ، كما يسمي Y متجه الطلب النهائي ، فانه يمكن صياغه العلاقه

$$X = AX + Y \quad (5) \quad \text{بالصفوفات كما يلي :-}$$

والتالى فان

$$(U - A) X = Y$$

(6)

حيث U هي صفوفه الوحدة . Unit Matrix

وفى الحقيقه فان تقدير المعاملات الفنية للانتاج ومدى الدقه فى هذا التقدير
تتأثر تأثيرا كبيرا على كفاءه نموذج المدخلات والمخرجات كأداة للتخطيط . ويمكن عليها
تقدير هذه المعاملات من بيانات سنه أساس سابقه (او فتره سابقه) واستخدام العلاقه
التاليه :-

$$a_{ij}^o = \frac{x_{ij}^o}{x_j^o} \quad (i=1,2,\dots,n; j=1,2,\dots,n) \quad (7)$$

حيث تعبر x_{ij}^o و x_j^o عن بيانات سنه الأساس . ولكننا نفضل للحصول على
نتائج أفضل فى حساب هذه المعاملات الا نعتمد فى الحساب على فتره واحده سابقه
بل على عدة فترات زمنيه متتاليه وان نأخذ المتوسط من الجداول التوازنيه المناظره لهذه
الفترات . فبما ان البيانات المطلوبه لا تتوفر بصفه عامه خصوصا فى البلدان الناميه ، كما تظهر
فى هذه الحاله أيضا مشكلات المقارنه عبر الزمن .

وتظهر المعاملات الفنية للانتاج بصفه عامه صوره لهيكل التشابكات المباشره بين
قطاعات الاقتصاد القومى فى مدته زمنيه معينه (سنه مثلا) كما انها تعطى فقط الاحتياجات
المباشره اللازمه لانتاج وحده واحده فى كل قطاع . وحيث ان الاستخدام المسفر للتكنولوجيا
الحدثه يؤدى الى تطور الاقتصاد القومى بصفه مستمره وتؤثر تأثيرا كبيرا فى مستلزمات الانتاج
التي تحتاجها قطاعات الاقتصاد القومى ، فاننا يجب ان نخطط للتغيرات التي تحدث فى
هذه المعاملات الفنية بربطها بصفه مستمره بالتغيرات التي تحدث فى النواحي الفنية
والاقتصاديه فى المجتمع* .

وتعنى العلاقه (6) انه يمكننا حساب محجه الطلب النهائى Y وذلك اذا علمنا

صفوفه المعاملات الفنية للانتاج A وكذلك متجه الانتاج X .

* Pieplow R., Die Planung der Verflechtungskoeffizienten, in: Planung und leitung der Volkswirtschaft, Bd.1 Verlag Die Wirtschaft, Berlin 1965

يمكن الان توزيع مركبات المنجه Y على القطاعات المختلفه للطلب النهائي واهمها -

كما سبق ان ذكرنا

Private Consumption	- قطاع الاستهلاك العاطلي
Government Consumption	- . . . الحكومى
Investments	- . . . الاستثمار
Exports	- . . . الصادرات
... الخ	

ولاجل ذلك يمكننا باستخدام بيانات جدول التوازن فى فترة اساسا من. سابقه حساب

المعاملات التاليه :-

$$r_{ik} = \frac{y_{ik}}{y_i} \quad \text{where } (i=1,2,\dots,n; k=1,2,\dots,t) \quad (8)$$

والتي تعبر عن الاهميه النسبيه لنصيب كل قطاع من قطاعات الطلب النهائي من وحدات الطلب النهائي . وسنطلق على صفوفه هذه المعاملات اسم "صفوفه معدلات الاستخدام النهائي" Matrix of rates of final Uses أو صفوفه أنصبه قطاعات الطلب

النهائي وسنرمز لها بالرمز R حيث

$$R = (r_{ik}) = \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & \dots & r_{1t} \\ r_{21} & r_{22} & \dots & r_{2t} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ r_{n1} & r_{n2} & \dots & r_{nt} \end{bmatrix} \quad (9)$$

واضح ان مجموع اى صف من صفوف الصفوفه R هو دائما الواحد الصحيح . اى ان

$$R \cdot e = e$$

$$e^T = (1,1,\dots,1)$$

حيث

٥. حساب معاملات الانتاج الكليه والمستويات التوازنيه للانتاج

ان ما يهيمنا بالدرجه الاولى فى التخطيط هو تحديد مستويات الانتاج التوازنيه واللازمه لاشباع طلب نهائى محدد فى القطاعات المختلفه اى بمعنى آخر حساب متجه الانتاج X اذا علم متجه الطلب النهائى Y . يمكن الاعتماد على تقديرات الاستهلاك الخاص والاستهلاك العام وعلى الاهداف الاستثماريه واهداف الصادرات او تقديراتهم فى معرفه متجه الطلب النهائى .

ولحساب متجه الانتاج X نضرب المعادله (6) من اليمين فى $(U-A)^{-1}$

$$X = (U - A)^{-1} Y \quad \dots (10) \quad \text{ينتج}$$

واذا فرضنا ان

$$(U - A)^{-1} = A^* = (a_{ij}^*)$$

فان عناصر هذه المصفوفه تعبر عن الاحتياجات المباشره وغير المباشره واللازمه لاشباع وحده واحده من الطلب النهائى فى القطاعات المختلفه . وبتعبير ادق فـ a_{ij}^* تمثل كميه الانتاج اللازمه بطريقه مباشره وبطريقه غير مباشره من القطاع i لاشباع وحده واحده من الطلب النهائى على منتجات القطاع i . وطلق عادة على عناصر هذه المصفوفه اسم معاملات الانتاج الكليه او معاملات الاحتياجات الكليه وذلك لتميزها عن معاملات الانتاج الفنيه او معاملات الاحتياجات المباشره .

ولحساب المستويات التوازنية للانتاج واللازمه لاجباع طلب نهائى محدد ه فان ذلك يتطلب -
كما تدل على ذلك مجموعه المعادلات (10) - حساب $(U-A)^{-1}$ ه اى حساب
مقلوب المصفوفه $(U - A)$ والذى يطلق عليها اسم مصفوفه ليونتيف والنتاجه من باقى
طرح مصفوفه المعاملات الغنيه للانتاج من مصفوفه الوحده ه .

وقد نحتاج فى كثير من الاحيان - اذا ما اردنا دراسته اثر التغير فى منجه الطلب
النهائى على مستويات الانتاج مع عدم تغير مصفوفه المعاملات الغنيه للانتاج A - الى
تكرار حل مجموعه المعادلات السابقه عد ه مرات . وفى كل مره فان علينا ان نستخدم نفس
مقلوب مصفوفه ليونتيف السابقه فى حساب هذه المستويات التوازنيه للانتاج .

ومن الناحيه الرياضيه فان هناك عدة طرق لحساب مقلوب مصفوفه ليونتيف السابقه
اى حساب $(U - A)^{-1}$ - نوجزها فيما يلى :-

الطريقه الاولى : ايجاد مقلوب المصفوفه باستخدام المحددات

بعد تكهن مصفوفه ليونتيف بطرح مصفوفه المعاملات الغنيه للانتاج من
مصفوفه الوحده ه اى بعد حساب المصفوفه $L = (U - A)$ والذى نريد
حساب مقلوبها ه نتبع الخطوات التاليه :-

١ - نحسب قيمه المحدد المناظر لمصفوفه ليونتيف L وليكن Δ

٢ - نحسب قيم المحددات Minors المناظره لكل عنصر من عناصر المحدد

السابق وليكن Δ_{ij} , $(i=1,2,\dots,n ; j=1,2,\dots,n)$

٣ - نحسب قيم المرافقات Cofactors المناظره لكل عنصر من عناصر المحدد Δ

من المحددات السابقه وليكن b_{ij} , $(i=1,2,\dots,n ; j=1,2,\dots,n)$ حيث

$$b_{ij} = (-1)^{i+j} \Delta_{ij}$$

ثم نكون مصفوفه المرافقات السابقه وليكن B

٤ - تكون مبدول Transpose المصفوفة السابقه وذلك بتحويل الصفوف الى اعمده (أو الاعمده الى صفوف) . اي تكون B^T

٥ - نقسم كل عنصر من عناصر المصفوفه B^T على قيمه المحدد Δ لينتج مقلوب مصفوفه ليونتيف ، اي لينتج $(U - A)^{-1}$

الطريقه الثانيه

ايجاد مقلوب المصفوفه باستخدام العمليه المحوريه By Pivoting Operation

بعد تكون مصفوفه ليونتيف نتبع الخطوات التاليه :-

- ١ - نكون مصفوفه جديده تتكون من مصفوفه ليونتيف ومصفوفه الواحد بجانبها .
والتالي تتكون هذه المصفوفه الجديده من n من الصفوف $2n$ من الاعمده كما يلي :-

$$\left[\begin{array}{cccc|cccc} l_{11} & l_{12} & \dots & l_{1n} & 1 & 0 & \dots & 0 \\ l_{21} & l_{22} & & l_{2n} & 0 & 1 & \dots & 0 \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ l_{n1} & l_{n2} & & l_{nn} & 0 & 0 & \dots & 1 \end{array} \right]$$

- ٢ - من السهل اثبات اننا اذا استطعنا تحويل مصفوفه ليونتيف (الاولسي على اليمين) الى مصفوفه الواحد ، فان مصفوفه الواحد (المصفوفه الثانيه على اليمين) تتحول الى مقلوب مصفوفه ليونتيف . ويمكن ان يتم ذلك باجراء عدد n من العمليات المحوريه كما هو موضح في الخطوات التاليه :-
١ - نحاول ان نجعل كل عنصر العمود الاول في المصفوفه الجديده (وهي في نفس الوقت العمود الاول في مصفوفه ليونتيف) اصفارا ما عدا

العنصر الأول فنجمه بماوى الواحد الصحيح . يمكن ان يتم ذلك
باجراء عليه محوريه ¹¹ Pivoting Operation وذلك باختيار العنصر
 1_{11} الموجود فى الصف الاول والعمود الاول كعنصر محوري . اوبى
اجراءات اخرى تودى الى نفس النتيجة .

ب - نكرر الخطوه أ باختيار العنصر الجديد الموجود فى الصف الثانى
والعمود الثانى فى المصفوفه الناتجه كعنصر محوري واجراء عليه محوريه
ثانيه لينحول العمود الثانى الى اصفار ما عدا هذا العنصر حيث يتحول
الى الواحد الصحيح .

ج - نكرر الخطوه السابقه على الاعمده التاليه بالترتيب مع اختيار العنصر
الموجود على القطر الرئيسى فى المصفوفه الناتجه فى كل مره ليكون
عنصرا محوريا ولينحول الى الواحد الصحيح . ثم نأخذ المصفوفه
التي تظهر مكان مصفوفه الوحده (المصفوفه المربعه على اليمين) لتكون
هى مقلوب مصفوفه لينتريف التي نبحث عنها .

* يمكن لمعرفة العمليه المحوريه وقواعد اجرائها الرجوع الى مؤلفنا " الاداره العلميه واتخاذ
القرارات " مذكوره داخله رقم ٣٨٢ معهد التخطيط القومى يونيو سنة ١٩٧٤ من صفحه ٧٨
الى ٨٠ .

الطريقة الثالث

: By Iteration

ايجاد مقلب المصفوفة التقريبي بطريقة الحساب المتتابع

وفيها يتم حساب مصفوفة معاملات الانتاج الكلية او مقلب مصفوفة ليونتيف على مراحل وطريقة الحساب التقريبي المتتابع .
ولا يفصاح ذلك نفرض ان مصفوفة المعاملات الفنيه للانتاج او مصفوفته
الاحتياجات المباشره تتكون من ثلاث قطاعات انتاجيه وهى كالتالى :-

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$$

وان المطلوب حساب المسنومات التوازنيه للانتاج فى كل قطاع من القطاعات الثلاث
اذا علم ان الطلب النهائى على منتجات القطاعات الثلاث هو y_1, y_2, y_3
على الترتيب . لذلك

١ - نفرض كتقريب اول ان كل قطاع من القطاعات الانتاجيه الثلاث سيقوم بانتاج
الطلب النهائى الخاص به اى ان القطاعات الثلاث ستقوم بانتاج الكميات
 y_1, y_2, y_3 على الترتيب .

٢ - وحتى يتحقق ذلك - اى حتى تقوم القطاعات الثلاث بانتاج y_1, y_2, y_3
على الترتيب ، فان متطلبات هذا الانتاج من القطاعات الثلاث يجب ان تتوافر
والتالى فان الاحتياجات من منتجات القطاع الاول حتى يمكن انتاج
 y_1, y_2, y_3 فى القطاعات الثلاث هى

$$a_{11} y_1 + a_{12} y_2 + a_{13} y_3$$

كذلك فان الاحتياجات من منتجات القطاع الثانى حتى يمكن انتاج

$$a_{21} y_1 + a_{22} y_2 + a_{23} y_3$$

والمثل فان الاحتياجات من منتجات القطاع الثالث هي

$$a_{31} y_1 + a_{32} y_2 + a_{33} y_3$$

وتعتبر هذه الكميات بمثابة الاحتياجات الغير مباشره الاولى من القطاعات الثلاثة واللازمه لانتاج الطلب النهائي كما تمثل أيضا حجم الانتاج في القطاعات الثلاث والذي يلزم تحديده متطلباتها واحتياجاتها الغير مباشره الثانيه من كل قطاع من القطاعات الثلاث في المرحله المقبله .

٣ - والتالي فان متطلبات الانتاج الغير مباشره الثانيه من منتجات القطاع

الاول هي

$$a_{11}(a_{11}y_1 + a_{12}y_2 + a_{13}y_3) + a_{12}(a_{21}y_1 + a_{22}y_2 + a_{23}y_3) + a_{13}(a_{31}y_1 + a_{32}y_2 + a_{33}y_3)$$

وكذلك متطلبات الانتاج من منتجات القطاع الثاني هي

$$a_{21}(a_{11}y_1 + a_{12}y_2 + a_{13}y_3) + a_{22}(a_{21}y_1 + a_{22}y_2 + a_{23}y_3) + a_{23}(a_{31}y_1 + a_{32}y_2 + a_{33}y_3)$$

والمثل فان متطلبات الانتاج من منتجات القطاع الثالث هي

$$a_{31}(a_{11}y_1 + a_{12}y_2 + a_{13}y_3) + a_{32}(a_{21}y_1 + a_{22}y_2 + a_{23}y_3) + a_{33}(a_{31}y_1 + a_{32}y_2 + a_{33}y_3)$$

ولانتاج هذه الكميات فانه يجب ان تحدد متطلباتها الغير مباشره الثالثه

في المرحله المقبله وهكذا

وعلى ذلك فان كميات الانتاج في المراحل المختلفه يمكن تمثيلها كالتالي

$$1. \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix}$$

$$2. \begin{bmatrix} a_{11}y_1 + a_{12}y_2 + a_{13}y_3 \\ a_{21}y_1 + a_{22}y_2 + a_{23}y_3 \\ a_{31}y_1 + a_{32}y_2 + a_{33}y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix}$$

$$3. \begin{bmatrix} a_{11}(a_{11}y_1 + a_{12}y_2 + a_{13}y_3) + a_{12}(a_{21}y_1 + a_{22}y_2 + a_{23}y_3) + a_{13}(a_{31}y_1 + a_{32}y_2 + a_{33}y_3) \\ a_{21}(a_{11}y_1 + a_{12}y_2 + a_{13}y_3) + a_{22}(a_{21}y_1 + a_{22}y_2 + a_{23}y_3) + a_{23}(a_{31}y_1 + a_{32}y_2 + a_{33}y_3) \\ a_{31}(a_{11}y_1 + a_{12}y_2 + a_{13}y_3) + a_{32}(a_{21}y_1 + a_{22}y_2 + a_{23}y_3) + a_{33}(a_{31}y_1 + a_{32}y_2 + a_{33}y_3) \end{bmatrix} =$$

$$= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix}$$

4. e. t. c.

وهي ذلك فان اجمالي حجم انتاج القطاعات المختلفه بعد عدد من المراحل قدره 1 واللازم

لعقابه الطلب النهائي المحدد هو

$$\begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix} + \dots +$$

$$+ \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}^1 \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix}$$

وهو ما فان المستويات التوازنية للانتاج يمكن الحصول عليها بشكل تقريبي كالتالي :-

$$X = U Y + A Y + A^2 Y + \dots + A^1 Y$$
$$= (U + A + A^2 + \dots + A^1) Y$$

ويعتبر المجموع السابق بين القوسين القيمه التقريبية لمقلوب المصفوفه $(U - A)^{-1}$

ومشكل عام فان مقلوب المصفوفه السابقه يحقق العلاقه :-

$$(U - A)^{-1} = U + A + A^2 + A^3 + \dots$$

$$\sum_{i=1}^n a_{ij} < 1 \text{ علما بان } \bullet \text{ وهو ما يسمى بمفكوك نيرمان } \bullet$$

مثال ايضاحي :

اذا كانت مصفوفه المعاملات الفنيه للانتاج لاقتصاد يتكون من ثلاث قطاعات (زراعته

وصناعه وخدمات) هي

$$A = \begin{bmatrix} 0.20 & 0.10 & 0.250 \\ 0.10 & 0.05 & 0.125 \\ 0.12 & 0.11 & 0.275 \end{bmatrix}$$

فاحسب المستويات التوازنيه للانتاج اللازمه لاجباع الطلب النهائي التالي على منتجات

$$(y_1 , y_2 , y_3)^T = (200 \quad 100 \quad 220)^T \quad \text{القطاعات الثلاث}$$

الطريقة الاولي : الحل باستخدام المحددات

نكون اولاً مصفوفة ليزنتيف L بطرح الصفوف A من مصفوفة الوحدة U لينتج

$$L = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0.20 & 0.10 & 0.250 \\ 0.10 & 0.05 & 0.125 \\ 0.12 & 0.11 & 0.275 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} + .80 & -.10 & -.250 \\ - .10 & +.95 & -.125 \\ - .12 & -.11 & +.725 \end{bmatrix}$$

ثم نتبع الخطوات التاليه :-

١ - نحسب قيمه المحدد المناظر لمصفوفه ليزنتيف السابقه وليكن Δ كما يلي :-

$$\Delta = \begin{vmatrix} +.80 & -.10 & -.250 \\ - .10 & +.95 & -.125 \\ - .12 & -.11 & +.725 \end{vmatrix}$$

$$\therefore \Delta = .80 \begin{vmatrix} +.95 & -.125 \\ - .11 & +.725 \end{vmatrix} + .10 \begin{vmatrix} - .10 & -.250 \\ - .11 & +.725 \end{vmatrix} - .12 \begin{vmatrix} - .10 & -.250 \\ +.95 & -.125 \end{vmatrix}$$

$$= .80 (.675) + .10 (- .10) - .12 (.25)$$

$$= 0.54 - 0.01 - 0.03 = \underline{0.50}$$

٢ - نحسب قيمه المحددات المناظره لكل عنصر من عناصر المحدد Δ وهي كالتالي :-

$$\Delta_{11} = \begin{vmatrix} +.95 & -.125 \\ - .11 & +.725 \end{vmatrix} = .675 \quad \Delta_{12} = \begin{vmatrix} - .10 & -.125 \\ - .12 & +.725 \end{vmatrix} = -.087 \quad \Delta_{13} = \begin{vmatrix} - .10 & +.95 \\ - .12 & -.11 \end{vmatrix} = .125$$

$$\Delta_{21} = \begin{vmatrix} - .10 - .25 \\ - .11 + .725 \end{vmatrix} = - .100 \quad \Delta_{22} = \begin{vmatrix} + .80 - .250 \\ - .12 + .725 \end{vmatrix} = .550 \quad \Delta_{23} = \begin{vmatrix} + .80 - .10 \\ - .12 - .11 \end{vmatrix} = - .100$$

$$\Delta_{31} = \begin{vmatrix} - .10 - .250 \\ + .95 - .125 \end{vmatrix} = .250 \quad \Delta_{32} = \begin{vmatrix} + .80 - .250 \\ - .10 - .125 \end{vmatrix} = -.125 \quad \Delta_{33} = \begin{vmatrix} - .80 - .10 \\ - .10 + .95 \end{vmatrix} = .750$$

٢- بحسب الان مصفوفة المرافقات B وهى

$$B = \begin{bmatrix} .675 & .087 & .125 \\ .100 & .550 & .100 \\ .250 & .125 & .750 \end{bmatrix}$$

٤- تكون مبدول المصفوفة السابقه B بتحويل الصفوف الى اعمده لينتج :-

$$B^T = \begin{bmatrix} .675 & .100 & .250 \\ .087 & .550 & .125 \\ .125 & .100 & .750 \end{bmatrix}$$

٥- ضرب المصفوفة السابقه فى (1 / Δ) لينتج مقلوب مصفوفه ليونتيف كما يلى :-

$$(U - A)^{-1} = \frac{1}{.50} \begin{bmatrix} .675 & .100 & .250 \\ .087 & .550 & .125 \\ .125 & .100 & .750 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.350 & 0.200 & 0.500 \\ 0.174 & 1.100 & 0.250 \\ 0.250 & 0.200 & 1.500 \end{bmatrix}$$

ثم نحسب اخيرا المستويات التوازنية للانتاج من العلاقة التاليه

$$X = (U - A)^{-1} Y$$

$$\therefore \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.350 & 0.200 & 0.500 \\ 0.174 & 1.100 & 0.250 \\ 0.250 & 0.200 & 1.500 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 200 \\ 100 \\ 220 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 400 \\ 200 \\ 400 \end{bmatrix}$$

الطريقه الثانيه : الحل باستخدام الخطيه المحوريه

بعد تكون مصفوفه ليهنتيف السابقه نتبع الخطوات التاليه :-

١ - نكون المصفوفه الجديده من مصفوفه ليهنتيف ومصفوفه الوده كالتالي :-

$$\left[\begin{array}{ccc|ccc} +.80 & -.10 & -.250 & 1 & 0 & 0 \\ -.10 & +.95 & -.125 & 0 & 1 & 0 \\ -.12 & -.11 & +.725 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right]$$

٢ - نجري الان عليه محوريه وذلك باختيار العنصر الموجود في الصف الاول والعنصر

الاول كعنصر محوري ليهنتج :-

$$\left[\begin{array}{ccc|ccc} 1 & -.125 & -.313 & 1.250 & 0 & 0 \\ 0 & +.938 & -.156 & .125 & 1 & 0 \\ 0 & -.125 & +.688 & .150 & 0 & 1 \end{array} \right]$$

٣- نكرر الخطوة السابقة ولكن باختيار العنصر الموجود في الصف الثاني والعمود الثاني في المصفوفة الناتجة كعنصر محوري ونجرب عليه محوره لينتج المصفوفة التاليه :-

$$\left| \begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & -0.334 & 1.267 & .133 & 0 \\ 0 & 1 & -0.166 & .133 & 1.067 & 0 \\ 0 & 0 & +0.667 & .167 & .133 & 1 \end{array} \right|$$

٤- نختار الان العنصر الموجود في الصف الثالث والعمود الثالث في المصفوفة الاخيره ليكون عنصر محوريا ونجرب عليه المحوره لينتج :-

$$\left| \begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 0 & 1.351 & 0.199 & 0.501 \\ 0 & 1 & 0 & 0.175 & 1.100 & 0.249 \\ 0 & 0 & 1 & 0.250 & 0.199 & 1.500 \end{array} \right|$$

ومعنى ذلك ان المصفوفه المربعه على اليمين هي مقلوب مصفوفه ليونتيف الستى
نبحث عنها اى هي $(U - A)^{-1}$.

ومن الواضح انها نفس المصفوفه والتي سبق ان حصلنا عليها بالطريقه الاوليه
وهذا ما يعنى انها سوف تؤدى الى نفس المصنوعات التوازنيه للانتاج حيث

$$X = (U - A)^{-1} Y$$

$$\therefore \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.350 & 0.199 & 0.501 \\ 0.175 & 1.100 & 0.249 \\ 0.250 & 0.199 & 1.500 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 200 \\ 100 \\ 220 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 400.32 \\ 199.78 \\ 400.34 \end{bmatrix}$$

وهي تقريبا نفس النتائج السابقه .

الطريقة الثالثة باستخدام طريقة الحاسب التكرري المتتابع (مفكوك نيومان)

لحساب مقلوب مصفوفة ليونتوف بعد تكونها طبقا لمفكوك نيومان

$$(U - A)^{-1} = U + A + A^2 + A^3 + A^4 + \dots$$

فانه يجب أولا حساب القوى المختلفه للمصفوفه A • ومثل الشكل التالي طريقه مناسبه لحساب

مصفوفات القوى المختلفه للمصفوفه A

$$\begin{bmatrix} .20 & .10 & .25 \\ .10 & .05 & .125 \\ .12 & .11 & .275 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} .20 & .10 & .25 \\ .10 & .05 & .125 \\ .12 & .11 & .275 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} .20 & .10 & .25 \\ .10 & .05 & .125 \\ .12 & .11 & .275 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} .20 & .10 & .25 \\ .10 & .05 & .125 \\ .12 & .11 & .275 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} .080 & .052 & .131 \\ .040 & .026 & .065 \\ .068 & .047 & .119 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} .037 & .024 & .026 \\ .018 & .007 & .031 \\ .032 & .022 & .055 \end{bmatrix}$$

وجميع المصفوفات الموجوده في النظام هي (U, A, A², A³, ...) ينتج لنا

مقلوب مصفوفه ليونتوف بالتقريب

$$\therefore (U - A)^{-1} = \begin{bmatrix} 1.317 & 0.176 & 0.407 \\ 0.158 & 1.083 & 0.221 \\ 0.220 & 0.179 & 1.449 \end{bmatrix}$$

وحيث ان

$$X = (U - A)^{-1} Y$$
$$\begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.317 & 0.176 & 0.407 \\ 0.158 & 1.083 & 0.221 \\ 0.220 & 0.179 & 1.449 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 200 \\ 100 \\ 220 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 371 \\ 189 \\ 381 \end{bmatrix}$$

فان

يمكن بحمد من الحسابات لقوى اكبر للمصفوفه A الحصول على نتائج أفضل من النتائج السابقة ، كما يمكن أيضا إيجاد تقدير لحاصل جمع المصفوفات المهمه .

ومن الجدير بالذكر أننا فرقتنا في الدراسة السابقه بين نقطتين رئيسيتين وهما :-

- الاولى : وهي حساب المنجه الخاص بالطلب النهائي Y اذا علم المنجه X والمصفوفه A
الثانيه : وهي حساب المنجه X اذا علم المنجه Y والمصفوفه A .

وحيث ان مجموعه المعادلات (6) والخاصه بمعالجه منجهي الطلب النهائي X و Y والانتاج تتكون من عدد n من المعادلات الخطيه ، فانه يمكننا ايضا حل مجموعه المعادلات هذه بمعرفه أى مجموعه من مركبات المتجهين Y و X بحيث يكون عدد هم n .
وتبيننا هذه الحاله اذا عرفنا الطلب النهائي y_i على منتجات بعض القطاعات الانتاجيه وكذلك حجم الانتاج x_i لبقية القطاعات الانتاجيه .

مثال

اذا كان النموذج يتكون من ثلاث قطاعات انتاجيه وكانت مصفوفه المعاملات النهيـه

للانتاج A كالنالى

$$A = \begin{bmatrix} 0.3 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.2 & 0.15 \\ 0.1 & 0.1 & 0.1 \end{bmatrix}$$

واذا علمنا ان هناك قطاع واحد للطلب النهائي في النموذج وان

$$y_1 = 200 , \quad y_2 = 250 , \quad x_3 = 400$$

فما هي قيم x_1 ، x_2 ، y_3

باستخدام العلاقة (6) نجد ان

$$\begin{bmatrix} 0.7 & -0.2 & -0.1 \\ -0.3 & 0.8 & -0.15 \\ -0.1 & -0.1 & 0.9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ 400 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 200 \\ 250 \\ y_3 \end{bmatrix}$$

وفصل المتغيرات في طرف واحد نحصل على :

$$\begin{bmatrix} 0.7 & -0.2 & 0.0 \\ -0.3 & 0.8 & 0.0 \\ -0.1 & -0.1 & -1.0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0.1 \\ 0 & 1 & 0.15 \\ 0 & 0 & -0.9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 200 \\ 250 \\ 400 \end{bmatrix}$$

والتالي فان

$$\begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.7 & -0.2 & 0.0 \\ -0.3 & 0.8 & 0.0 \\ -0.1 & -0.1 & -1.0 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0.1 \\ 0 & 1 & 0.15 \\ 0 & 0 & -0.9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 200 \\ 250 \\ 400 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1.6 & 0.4 & 0 \\ 0.6 & 1.4 & 0 \\ -0.22 & -0.18 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0.1 \\ 0 & 1 & 0.15 \\ 0 & 0 & -0.9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 200 \\ 250 \\ 400 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 508 \\ 578 \\ 251.4 \end{bmatrix}$$

578 ، 508

وهذا يعنى ان الانتاج فى القطاعين الاول والثانى يجب ان يكون
على الترتيب وان الطلب النهائى للقطاع الثالث هو 251.4

٦. حساب مصفوفى مستلزما لانتاج والطلب النهائى المناظرين لمتجه انتاج معين

من البديهي انه يمكن حساب قيم مستلزما لانتاج اللازمه لتحقيق حجم معين لاجمالي انتاج القطاعات المختلفه فى القتره التخطيطيه - اى القيم $(x_{ij}, i=1,2,\dots,n; j=1,2,\dots,n)$ الموجوده فى الجدول فى الريح الاول - وذلك بضرب مصفوفه المعاملات الغنيه للانتاج A فى المصفوفه القطريه لاجمالي الانتاج (من جهة اليسار) كما يلى :-

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1j} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2j} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots & \dots & \vdots \\ a_{i1} & a_{i2} & \dots & a_{ij} & \dots & a_{in} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots & \dots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nj} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 & 0 & \dots & 0 & \dots & 0 \\ 0 & x_2 & \dots & 0 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots & \dots & \vdots \\ 0 & \dots & x_j & \dots & 0 & \dots \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots & \dots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 0 & \dots & x_r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & \dots & x_{1j} & \dots & x_{1n} \\ x_{21} & x_{22} & \dots & x_{2j} & \dots & x_{2n} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots & \dots & \vdots \\ x_{i1} & x_{i2} & \dots & x_{ij} & \dots & x_{in} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots & \dots & \vdots \\ x_{r1} & x_{r2} & \dots & x_{rj} & \dots & x_{rn} \end{bmatrix} \quad (11)$$

أو باستخدام المصفوفات كالتالى :-

$$A \cdot D_x = X$$

حيث A, D_x, X هى الثلاثه مصفوفات السابقه على الترتيب .

وطريقه سائله يمكن اظهار ان مصفوفه A نصيبه قطاعات الطلب النهائى من اجمالى انتاج القطاعات الانتاجيه المختلفه والتي رمزنا لعنصرها العام بالرمز y_{ik} - اى القيم

الموجوده فى الريح الثانى من الجدول - تحقق العلاقه التاليه :-

$$\begin{bmatrix} y_1 & 0 & \dots & 0 & \dots & 0 \\ 0 & y_2 & \dots & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & y_i & \dots & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & \dots & y_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & \dots & r_{1k} & \dots & r_{1n} \\ r_{21} & r_{22} & \dots & r_{2k} & \dots & r_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ r_{i1} & r_{i2} & \dots & r_{ik} & \dots & r_{in} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ r_{n1} & r_{n2} & \dots & r_{nk} & \dots & r_{nn} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y_{11} & y_{12} & \dots & y_{1k} & \dots & y_{1n} \\ y_{21} & y_{22} & \dots & y_{2k} & \dots & y_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ y_{i1} & y_{i2} & \dots & y_{ik} & \dots & y_{in} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ y_{n1} & y_{n2} & \dots & y_{nk} & \dots & y_{nn} \end{bmatrix} \quad \dots (12)$$

وهي ما يمكن صياغتها بالصفوفات كالتالي :-

$$D_y R = Y$$

حيث D_y, R, Y هي الثلاث صفوفات المربعة السابقة على الترتيب . وتسمى الصفوفه D_y الصفوفه القطريه لقيم الطلب النهائي الاجمالي من القطاعات الانتاجيه المختلفه .

٧ . صفوفنا المعاملات الفنيه للانتاج بالوحدات المينيه والوحدات القيميه والعلاقه بينهما

واضح من العرض السابق انه قد تم دراهه النموذج العام للدخلات والمخرجات باستخدام قيم المتغيرات وليس حجمها اي باستخدام المتغيرات مقاسه بالوحدات القيميه وليس بالوحدات المينيه . اما اذا اردنا عرض النموذج العام للدخلات والمخرجات باستخدام المتغيرات مقاسه بالوحدات المينيه ، فانه يمكن التعبير عن العلاقه (رقم ٥) بالوحدات المينيه كما يلي :-

$$Mq + Z = q$$

.. (13)

حيث

q هي منجه اجمالي انتاج القطاعات الانتاجيه المختلفه مقاسا بالوحدات المينيه

Z هي منجه الطلب النهائي اجمالي على منتجات القطاعات المختلفه مقاسا بالوحدات المينيه

M هي صفوفه المعاملات الفنيه للانتاج مقاسه بالوحدات المينيه .

$$P = (P_1 \ P_2 \ \dots \ P_i \ \dots \ P_n)^T$$

وإذا افترضنا ان

هو منتج اعمار وحدة المنتج من القطاعات الانتاجيه المختلفه ، فان العلاقات (13) يمكن كتابتها بعد ضرب كل منها في سعر وحدة المنتج المناظر كالتالى :

$$\left. \begin{array}{l} m_{11} P_1 q_1 + m_{12} P_1 q_2 + \dots + m_{1n} P_1 q_n + P_1 Z_1 = P_1 q_1 \\ m_{21} P_2 q_1 + m_{22} P_2 q_2 + \dots + m_{2n} P_2 q_n + P_2 Z_2 = P_2 q_2 \\ \dots \\ m_{n1} P_n q_1 + m_{n2} P_n q_2 + \dots + m_{nn} P_n q_n + P_n Z_n = P_n q_n \end{array} \right\} \dots (14)$$

موضوع

$$x_i = P_i q_i$$

$$y_i = P_i Z_i$$

في المعادلات (14) فاننا نحصل على النظام التالى من المعادلات

$$\left. \begin{array}{l} m_{11} \frac{P_1}{P_1} x_1 + m_{12} \frac{P_1}{P_2} x_2 + \dots + m_{1n} \frac{P_1}{P_n} x_n + y_1 = x_1 \\ m_{21} \frac{P_2}{P_1} x_1 + m_{22} \frac{P_2}{P_2} x_2 + \dots + m_{2n} \frac{P_2}{P_n} x_n + y_2 = x_2 \\ \dots \\ m_{n1} \frac{P_n}{P_1} x_1 + m_{n2} \frac{P_n}{P_2} x_2 + \dots + m_{nn} \frac{P_n}{P_n} x_n + y_n = x_n \end{array} \right\} \dots (15)$$

و باستخدام الصفوفات فانه يمكن كتابه النظام السابق كالتالى :-

$$\begin{bmatrix} p_1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & p_2 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & p_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} m_{11} & m_{12} & \dots & m_{1n} \\ m_{21} & m_{22} & \dots & m_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ m_{n1} & m_{n2} & \dots & m_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{p_1} & 0 & \dots & 0 \\ 0 & \frac{1}{p_2} & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & \frac{1}{p_n} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} \dots (16)$$

حيث الصفوف الاولى من المصار هي الصفوف القطريه للاسعار ، والصفوف الثالثه من المصار هي ايضا صفوفه قطريه وهي مقلوب الصفوف الاولى .

وهذا النظام يمكن كتابته كالتالى :-

$$D_p M D_p^{-1} X + Y = X \dots (17)$$

$$(U - D_p M D_p^{-1}) X = Y \dots (18)$$

ومقارنتها بالعلاقه (٦) نجد ان

$$A = D_p M D_p^{-1} \dots (19)$$

وهي تعبر عن العلاقه بين صفوفتي المعاملات الفنيه للانتاج بالوحدات المعينه والوحدات القيميه .

اما اذا اردنا ان نعرف كيف يتم توزيع اجمالى انتاج اى قطاع انتاجى على القطاعات الانتاجيه المختلفه وطى قطاعات الاستخدام النهائى ، فاننا نفترض ان H هي صفوفه معاملات التوزيع

وان عنصرها العام هو h_{ij}

حيث

$$h_{ij} = \frac{x_{ij}}{x_i} \quad (i = 1, 2, \dots, n ; j = 1, 2, \dots, n) \dots (20)$$

يمثل نصيب القطاع الانتاجي j من وحدة واحدة من افتاج القطاع i في عملية التوزيع
مطلق عليه اسم معامل التوزيع .

و نفس الطريقة السابقة يمكن التوصل الى العلاقة بين المصفوفة A والمصفوفة H حيث يجب
في هذه الحالة ضرب مصفوفة معاملات التوزيع H من اليسار في المصفوفة القطرية للانتاج ومن
اليمن في مقلوب المصفوفة القطرية للانتاج وذلك للحصول على مصفوفة المعاملات الفنية للانتاج .
اي ان

$$A = D_x^{-1} H D_x \quad \dots (21)$$

$$H = D_x^{-1} A D_x \quad \dots (22)$$

وللحصول على H فاننا نجد ان

$$h_{i,n+1} = \frac{y_i}{x_i} \quad \dots (23)$$

واذا افترضنا ان

فانه يمكن استنتاج ان :-

$$\sum_{j=1}^{n+1} h_{ij} = 1 \quad (i = 1, 2, \dots, n) \dots (24)$$

ولكى نستطيع التوصل الى نتائج مرضيه في عمليات اتخاذ القرارات التخطيطيه باستخدام نماذج
المدخلات والمخرجات ه فاننا نفضل استخدام المعاملات الفنية للانتاج عن استخدام معاملات
التوزيع حيث انها اكثر استقرارا more Stable بحيث تعطى النموذج درجة اكبر من
درجات الاستقرار .

٤٨. حساب جلة الاحتياجات من العناصر الاولية والواردات

ركزنا في الجزء السابق الخاص بالنموذج العام والمثل في جدول المدخلات والمخرجات على دراسته صفتين • الاولى وهي تمثل العلاقات او التعاملات بين القطاعات الانتاجيه بعضها البعض ، اما الصفوف الثانيه فهي تمثل توزيع الطلب النهائي على قطاعاته المختلفه • ولكننا لم نتناول بالدراسه الصفوف الثالثه والسبعي تتضمن الاحتياجات من العناصر الاولية (العمل وراس المال والارض) والواردات الخصه بالقطاعات الانتاجيه وهي الاحتياجات التي لم تتضمنها الصفوف الاولى • اما بالنسبه للصفوف الرابعه والتي تتناول مواضع اعاده التوزيع فانها لم تحظ باهتمام اي من الباحثين ولم تدرس في اي من الابحاث والدراسات حتى الان •

ومن الجدير بالذكر انه اذا تضمنت الصفوف الثالثه - كما سبق ان ذكرنا - واردات القطاعات الانتاجيه من العالم الخارجى ، فان الصفوف الرابعه يمكن ان تحتوى واردات قطاعات الطلب النهائي والتي تكون غالبا لاجل الاستهلاك والقراكم •

واذا افترضنا الان ان واردات القطاعات الانتاجيه تتوقف على اجمالى انتاج القطاع الانتاجى المستورد ، وان علاقته بينهما يمكن صياغتها من الناحيه الرياضيه كالتالى :-

$$i_j = \frac{I_j}{x_j} \quad (j = 1, 2, \dots, n) \quad \dots (25)$$

حيث

I_j هي واردات القطاع j الخارجيه للاستخدام البسيط
 i_j هي معاملات الواردات الخارجيه (او البسيطه) والتي تعبر عن الواردات اللازمه لانتاج وحده واحده في القطاع الانتاجى j •

وإذا افترضنا ان المتجه

$$i^T = (i_1 \ i_2 \ \dots \ i_j \ \dots \ i_n) = (i_j)$$

هو متجه معاملات الواردات المباشرة ، فان جعله احتياجات القطاعات الانتاجيه مسن

الواردات I^* يصبح

$$I^* = i^T X$$

... (26)

والتعويض عن قيمه المتجه X نجد ان

$$I^* = i^T (U - A)^{-1} Y = i^T A^* Y$$

... (27)

والتالى فان معاملات الواردات الكليه i^{*T} والتي تعبر عن الاحتياجات المباشرة والغير مباشره (اى الاحتياجات الكليه) من الواردات واللازمه لانتاج وحده واحده من الطلب النهائي فى كل قطاع يمكن صياغتها بالمتجه التالى :-

$$i^{*T} = i^T (U - A)^{-1} = i^T A^*$$

... (28)

$$= (i_1 \ i_2 \ \dots \ i_j \ \dots \ i_n) \begin{pmatrix} a_{11}^* & a_{12}^* & \dots & a_{1n}^* \\ a_{21}^* & a_{22}^* & \dots & a_{2n}^* \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1}^* & a_{n2}^* & \dots & a_{nn}^* \end{pmatrix} \dots (29)$$

$$= \left(\sum_{i=1}^n i_i a_{i1}^* \ \sum_{i=1}^n i_i a_{i2}^* \ \dots \ \sum_{i=1}^n i_i a_{in}^* \right) = (i_j^*) \dots (30)$$

وجد ربنا ان تغيير هنا الى انه يمكن التوسع في معالجة الواردات واعتبارها منفردا بدلا من منتج واحد وذلك اذا ما وزعناها حسب مصادرها من البلدان أو التكتلات المختلفة في العالم .

والمثل اذا كانت منفردا الاحتياجات المباشرة للقطاعات الانتاجية من العناصر الاولية (العمل وراس المال ... الخ) هي

$$V = (v_{1j}) = \begin{bmatrix} v_{11} & v_{12} & \dots & v_{1j} & \dots & v_{1n} \\ v_{21} & v_{22} & \dots & v_{2j} & \dots & v_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ v_{m1} & v_{m2} & \dots & v_{mj} & \dots & v_{mn} \end{bmatrix} \dots (31)$$

وذلك بفرض ان عدد العناصر الاولية هي m وان $v_{1j} = \frac{v_{1j}}{x_j}$ فان جمله

الاحتياجات من العناصر الاولية اى الاحتياجات المباشرة والغير مباشرة من العناصر الاولية يمكن صياغتها بنفس الطريقة كالتالى :-

$$V^* = \begin{bmatrix} v_{11} & v_{12} & \dots & v_{1n} \\ v_{21} & v_{22} & \dots & v_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ v_{m1} & v_{m2} & \dots & v_{mn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_{11}^* & a_{12}^* & \dots & a_{1n}^* \\ a_{21}^* & a_{22}^* & \dots & a_{2n}^* \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1}^* & a_{n2}^* & \dots & a_{nn}^* \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \dots \\ y_n \end{bmatrix} = V A^* Y$$

$$V^* = \begin{bmatrix} \sum_{j=1}^n v_{1j} a_{j1}^* & \sum_{j=1}^n v_{1j} a_{j2}^* & \dots & \sum_{j=1}^n v_{1j} a_{jn}^* \\ \sum_{j=1}^n v_{2j} a_{j1}^* & \sum_{j=1}^n v_{2j} a_{j2}^* & \dots & \sum_{j=1}^n v_{2j} a_{jn}^* \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ \sum_{j=1}^n v_{mj} a_{j1}^* & \sum_{j=1}^n v_{mj} a_{j2}^* & \dots & \sum_{j=1}^n v_{mj} a_{jn}^* \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \dots \\ y_n \end{bmatrix}$$

$$= (v_{1j}^*) Y$$

..... (32)

والتالى فان معاملات الاحتياجات الكلية من اعضاء الاوليه والتي تعبر عن الواردات
المباشرة والغير مباشرة اللازمه لانتاج وحده واحده من الطلب النهائى يمكن التعبير
عنها بالصفوفه التي عنصرها العام هو v_{1j}^*

١٠. تحديد المستويات التوازنية للأسعار

رأينا فيما سبق ان شرط التوازن بالنسبة للإنتاج في النموذج المفتوح يتحدد بالتعامل مع الكميات المطلوبة لأغراض الطلب النهائي (الطلب الاستهلاكي العام والخاص والاستثمار والصادرات والتغير في المخزون) . ومعنى آخر فإنه في حالة فرض ان الاستهلاك (او الطلب النهائي) مستقل عن المرور من العمل ، فان تحديد المستويات التوازنية للإنتاج اللزومه لاشباع كميات محددة من الطلب النهائي يتحدد من العلاقة :-

$$X = (U - A)^{-1} Y$$

ولايجاد المستوى التوازني للأسعار في النموذج المفتوح ، فاننا نفترض ان الاقتصاد القوي يتميز بوجود معدل واحد للربح نتوجه لمعامل المنافسة التي تؤدي الى تساوي معدلات الربح في القطاعات المختلفه .
أي ان كل قطاع من قطاعات الاقتصاد القوي سيحدد اسعار ناتجه بحيث تتساوى مع النفقه المتوسطه مضافا اليها الربح . وهذا ما يعني ان سعر منتج القطاع j سيحدد كالتالي :-

$$P_j = \sum_{i=1}^n P_i a_{ij} + P_L l_j + P_j r \quad (j = 1, 2, \dots, n) \quad \dots (33)$$

حيث

l_j تعبر عن كميته العمل الداخلة في إنتاج منتج القطاع j

P_L سعر الوحدة من العمل

(أي ان $P_L l_j$ تعبر عن نفقه العمل)

r معدل الربح

(والتالي فان $P_j r$ هي كميته الربح عند ما يكون معدل الربح r)

وباستخدام المصفوفات فإنه يمكن كتابه مجموعه المعادلات السابقه كالتالي :-

$$P = A^T P + P_L L + r P \quad \dots (34)$$

وفرض ان معدل الربح r معروف ، فان المجموعه السابقه من المعادلات تتكون من —
 ($n+1$) من الجاهيل (وهم عباره عن اسعار منتجات القطاعات المختلفه والمعيّر عنها بالمتجه P
 وكذلك سعر وحده العمل P_L) في عدد n من المعادلات .

يمكن بسهوله اثبات ان :

$$P = (U - A^T - rU)^{-1} \cdot P_L \cdot L \quad \dots (35)$$

اي انه بمعرفه معدل الربح r ومعدل الاجور P_L فانه يمكننا حساب المستويات التوازنيه
 للاسعار .

وتوضّح هذه المعالجه الخاصه بمعدلات الاجور والطلب النهائي السبب في تسميه
 النموذج بالنموذج المفتوح ، حيث قد فصلنا قطاع المستهلكين عن باقى القطاعات الانتاجيه .
 وهذا يعنى انه يجب تحديده الطلب النهائي على منتجات القطاعات المختلفه وكذلك معدلات
 الاجور من خارج النموذج (اي انها مفتوحه) وذلك حتى يمكن تحديده المستويات التوازنيه للانتاج
 والاسعار فى القطاعات الانتاجيه المختلفه .

ومن الواضح انه يمكن باستخدام المعادلات السابقه معرفه اثر تغير المتوسط العام للاجور
 على هيكل الاسعار بفرض عدم تغير الطرق الفنيه للانتاج ، حيث

$$\Delta P = (U - A^T - rU)^{-1} \cdot \Delta P_L \cdot L \quad \dots (36)$$

ومقارنه التغير فى المتوسط العام للاجور بالتغير فى الرقم القياسى للاسعار بمكــــن
 معرفه مدى استفادة العمال من هذا التغير فى المتوسط العام للاجور .

١٠. مشاكل التجميع فى نماذج المدخلات والمخرجات

نحتاج فى كثير من الاحيان لبناء نماذج التشابك القطاعى التى تعبر عن توازن الاقتصاد القومى ونطوره الى تجميع العديد من البيانات التى تخص القطاعات المختلفه فى عدد أقل مسن المجاميع المختلفه .

وترجع أهميه التجميع الى سببين رئيسيين . ويرجع أولهما الى قدرات الحاسب الالى واما مكائنه فى حساب مقلوب المصفوفه اللازم اثناء حل نموذج التشابك موضع البحث . اما السبب الثانى فيرجع الى ان النماذج التوازنيه الكبيره الحجم للتشابك تكون غير واضحه وقل ملاءمه لاغراض تخطيط الاقتصاد القومى من النماذج التوازنيه صغيره الحجم ، حيث يكفى لاغراض تخطيط الاقتصاد القومى وتوازنه - بصفه عامه - وجود نموذج توازن ليس كبير للتشابك القطاعى .

وسناقش هنا مشاكل التجميع التى تنشأ من تحويل النموذج التوازنى الكبير الحجم للتشابك القطاعى الى نموذج توازنى صغير الحجم . لهذا الغرض نفرض ان لدينا النموذج التفضيلى (الغير تجميعى) التالى :-

$$(U - A) X = Y$$

والذى يتكون من عدد t من القطاعات الانتاجيه .
ونفرض اننا نريد تحويله وبناء نموذج التشابك التجميعى

$$(U - A) X = Y$$

والذى يتكون من عدد n من القطاعات الانتاجيه ، حيث

$$n < t$$

وحيث العلاقه بين القطاعات التفضيليه فى النموذج الاول والقطاعات التجميعيه فى النموذج الثانى يمكن صياغتها كما بالجدول التالى :-

القطاعات التجميعية للنموذج الثاني	القطاعات التفصيلية للنموذج الاول يمكن ان نوزلها باحدى الصور الثلاثة التاليه		
1	1 , 2 , ..., r ₁	11, 12, , 1 Z ₁	I ₁ المجموعه
2	r ₁ +1 , r ₁ +2 , ... r ₂	21, 22, , 2 Z ₂	I ₂ "
3	r ₂ +1 , r ₂ +2 , ..., r ₃	31, 32, , 3 Z ₃	I ₃ "
...	...		
i	r _{i-1} +1, r _{i-1} +2, ..., r _i	i1, i2, , i Z _i	I _i "
...	...		
n	r _{n-1} +1, r _{n-1} +2, ..., r _n	n1, n2, , n Z _n	I _n "

ونفرض ان المعاملات الفنية للنتاج في النموذج التفصيلي قد امكن حسابها من بيانات سنه اساس باستخدام العلاقات التاليه :-

$$a_{kl} = \frac{x_{kl}^o}{x_l^o}, (k = 1, 2, \dots, t ; l = 1, 2, \dots, t) \dots (37)$$

واضح بالنسبه للنموذج التجميعي ان :-

$$x_{ij} = \sum_{k \in I_i} \sum_{l \in I_j} x_{kl}, (i = 1, 2, \dots, n ; j = 1, 2, \dots, n) \dots (38)$$

والتالي يمكن حساب المعاملات الفنية للنتاج في النموذج التجميعي من بيانات النموذج التفصيلي كالنالي :-

$$\bar{a}_{ij} = \frac{\sum_{k \in I_i} \sum_{l \in I_j} x_{kl}}{\sum_{l \in I_j} x_{l1}} = \frac{\sum_{k \in I_i} \sum_{l \in I_j} m_{kl} x_{l1}}{\sum_{l \in I_j} x_{l1}}$$

where ($i = 1, 2, \dots, n$; $j = 1, 2, \dots, n$) ... (3)

وإذا فرضنا ان

$$g_{il} = \frac{x_{l1}^o}{\sum_{l \in I_j} x_{l1}^o}, \quad (i = 1, 2, \dots, n ; l \in I_j) \quad \dots (4)$$

هي نصيب القطاع التصلي 1 من اجمالي انتاج قطاعه التجميعي ، فاننا يمكن من العلاقات المابقتين ان نحصل على

$$\bar{a}_{ij} = \sum_{l \in I_j} g_{il} \sum_{k \in I_i} a_{kl}, \quad (i = 1, 2, \dots, n ; j = 1, 2, \dots, n) \quad \dots (41)$$

وذهي انه يمكن الحصول على المعاملات الفنيه للانتاج في النموذج التجميعي من البيانات التجميعيه
باشره كما يلي :-

$$\bar{a}_{ij} = \frac{\bar{x}_{ij}^o}{\bar{x}_j^o}, \quad (i = 1, 2, \dots, n ; j = 1, 2, \dots, n) \quad \dots (42)$$

اما بالنسبه للمتجهين x, y في النموذج التصلي ، فانه يمكن تحويلها الى المتجهين \bar{x}, \bar{y} المناظرين في النموذج التجميعي وذلك بوضهها من جهه اليمار في الصفوفه U_{nt} ، حيث

$$U_{nt} = \left[\begin{array}{ccc|ccc|ccc} 11 & \dots & 1 & \infty & \dots & 0 & \dots & \infty & \dots & 0 \\ \infty & \dots & 0 & 11 & \dots & \dots & \dots & \infty & \dots & 0 \\ \infty & \dots & 0 & \infty & \dots & \dots & \dots & 11 & \dots & 1 \end{array} \right] \dots (43)$$

معبّر عدد تكرارات الرقم ١ في كل بلوك من البلوكات السابقة عن عدد القطاعات في النموذج التصليبي والتي تتبع القطاع التجميعي المناظر لهم في النموذج التجميعي . اي ان

$$\bar{X} = U_{nt} X \dots (44)$$

$$\bar{Y} = U_{nt} Y \dots (45)$$

اما بالنسبة لانسبه القطاعات التصليبيه من اجمالي انتاج القطاعات التجميعيه المناظيره ، فانه يمكن تمثيلها بالصفوفه G_{nt} التاليه :-

$$G_{nt} = \left[\begin{array}{cccc|cccc|cccc} g_{11} & g_{12} & \dots & g_{1z_1} & 0 & 0 & \dots & 0 & \dots & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & g_{21} & g_{22} & \dots & g_{2z_2} & \dots & 0 & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & \dots & g_{n1} & g_{n2} & \dots & g_{nz_n} \end{array} \right] \dots (46)$$

وحيث ان $G_{nt}^T = G_{tn}$

فان صفوفه المعاملات الفنيه للانتاج في النموذج التجميعي يمكن كتابتها كالتالي :-

$$\bar{A} = U_{nt} A G_{tn} \dots (47)$$

وإذا عرفنا خطأ التجميع Aggregation Error بأنه الفرق بين المتجه X والسدى يمكن حسابه من النموذج التجميعي والمتجه \bar{X} المشتق من النموذج التفصيلي ، فإننا نجد ان

$$\begin{aligned}
 \Delta \bar{X} &= \bar{X} - U_{nt} X \\
 &= (U - \bar{A})^{-1} \bar{Y} - U_{nt} (U - A)^{-1} Y \\
 &= (U - \bar{A})^{-1} U_{nt} Y - U_{nt} (U - A)^{-1} Y \\
 &= \left[(U - \bar{A})^{-1} U_{nt} - U_{nt} (U - A)^{-1} \right] Y \\
 &= \left[(U - U_{nt} A G_{tn})^{-1} U_{nt} - U_{nt} (U - A)^{-1} \right] Y \\
 &= R Y \quad \dots (48)
 \end{aligned}$$

where

$$R = (U - U_{nt} A G_{tn})^{-1} U_{nt} - U_{nt} (U - A)^{-1} \quad \dots (49)$$

وباستخدام مفكوك نيومان في ايجاد قيمه مقلوب الحفوفه الاولى من اليسار في قيمه R مع العلم بان شرط التقارب

$$\sum_{i=1}^n a_{ij} < 1 \quad (j = 1, 2, \dots, n)$$

منحقق نجد ان :-

$$(U - U_{nt} A G_{tn})^{-1} U_{nt} = U_{nt} + U_{nt} A G_{tn} U_{nt} + U_{nt} A G_{tn} U_{nt} A G_{tn} U_{nt} + \dots$$

ووضع

$$G_{tn} U_{nt} = G \quad , \quad U_{nt} G_{tn} = U$$

في العلاقة السابقه نجد ان

$$(U - U_{nt} A G_{tn})^{-1} U_{nt} = U_{nt} (U + A G + (A G)^2 + \dots) = U_{nt} (U - A G)^{-1}$$

والتعمود في فيه R نجد ان

$$R = U_{nt} \left[(U - A G)^{-1} - (U - A)^{-1} \right] \quad \dots (50)$$

والآن لايجاد تقدير لخطا التجميع ، فاننا نبدأ بالصفوفه A ونحسب الصفوفه \bar{A} من العلاقة

$$\bar{A} = U_{nt} A G_{tn} \quad \dots (51)$$

ثم نكون أيضا الصفوفتان " \bar{A} " ، \bar{A}' ، بالنسبه للصفوفه \bar{A} فاننا نختار العنصر ذر اقل قيمه في كل بلوك من بلوكات الصفوفه A ليكون العنصر المناظر في الصفوفه \bar{A}' . اي ان العنصر العام في الصفوفه \bar{A}' هو

$$a'_{ij} = \min_{k \in I_i, l \in I_j} a_{kl} \quad \dots (52)$$

اما بالنسبه للصفوفه \bar{A} فاننا نحدد عنصرها العام كما يلي :

$$a''_{ij} = \max_{k \in I_i, l \in I_j} a_{kl} \quad \dots (53)$$

والتالي يمكننا استنتاج ان

$$\bar{A}' \leq \bar{A} \leq \bar{A}'' \quad \dots (54)$$

وتمنى هذه العلاقة ان كل عنصر في الصفوف \bar{A} اكبر من أو يساوى العنصر المناظر نفسى الصفوف \bar{A}' ، كما انه أقل من أو يساوى العنصر المناظر له فى الصفوف \bar{A}''

كما يمكن استنتاج ان

$$\bar{A}'^n \leq \bar{A}^n \leq \bar{A}''^n$$

وإذا افترضنا الان انه يوجد $\bar{x} \geq n$ بحيث تحقق $\bar{x} < \bar{x}$ ، \bar{A}' ، \bar{A} ، \bar{A}'' فانه يمكن فك الصفوفات الثلاث التالى نفس العلاقة بالنسبة للصفوفتان \bar{A}' ، \bar{A} ، \bar{A}'' فانه يمكن فك الصفوفات الثلاث التالى كما يأتي :-

$$(U - \bar{A}')^{-1} = U + \bar{A}' + \bar{A}'^2 + \bar{A}'^3 + \dots$$

$$(U - \bar{A})^{-1} = U + \bar{A} + \bar{A}^2 + \bar{A}^3 + \dots$$

$$(U - \bar{A}'')^{-1} = U + \bar{A}'' + \bar{A}''^2 + \bar{A}''^3 + \dots$$

وباستخدام العلاقة السابقه $\bar{A}'^n \leq \bar{A}^n \leq \bar{A}''^n$ نجد ان

$$(U - \bar{A}')^{-1} \leq (U - \bar{A})^{-1} \leq (U - \bar{A}'')^{-1}$$

وبالضرب من جهه اليمين فى المنجه \bar{Y} نحصل على

$$\bar{x}' \leq \bar{x} \leq \bar{x}'' \quad \dots (55)$$

وحيث ان خطأ التجميع $\Delta \bar{x}$ هو

$$\Delta \bar{x} = \bar{x} - U_{nt} x$$

وحيث ان

$$\bar{x}'' \geq \bar{x} , U_{nt} x \geq \bar{x}'$$

فانه يمكن رؤيه ان خطأ التجميع $\Delta \bar{x}$ يحقق العلاقة

$$\Delta \bar{x} \leq \bar{x}'' - \bar{x}' \quad \dots (56)$$

القصل الثاني

نطور نموذج المدخلات والمخرجات

لخدمة المستوى الاقليمي

١٠ التركيب الهيكلي لنموذج المدخلات والمخرجات والبعء الاقليمي :

لقد تم بناء العديد من نماذج التشابكات القومية أو المدخلات والمخرجات تغطي المستوى القومي لكثير من الدول المتقدمة والنامية بشكل عام ولمصر بشكل خاص ، ولكننا نجد أنه قد تم إهمال الهيكل الاقليمي في كل هذه النماذج .

وسنحاول الآن تناول النموذج العام للمدخلات والمخرجات مع أخذ الهيكل الاقليمي للاقتصاد القومي في الاعتبار بحيث نعالج في النموذج المخرجات من أي اقليم الى الاقاليم الأخرى في الاقتصاد القومي وكذلك المدخلات من الاقاليم المختلفة الى هذا الاقليم .

أي أننا سنحاول بناء النموذج بحيث يتضمن التشابكات في داخل كل اقليم من اقاليم الاقتصاد القومي وكذلك العلاقات تبين هذه الاقاليم .

نفرض الان أن :

- m هي عدد الاقاليم في الاقتصاد القومي .
- n هي عدد القطاعات الانتاجية في كل اقليم .

وبالاضافة الى ذلك فاننا لن نهتم هنا بتقسيم الطلب النهائي الى عناصره أو قطاعاته المختلفة ولكننا سنعالجه كوحده أي كطلب نهائي اجمالي . ومن البديهي أن مخرجات أي اقليم من منتجات قطاع معين يمكن أن تكون مدخلات الى أي اقليم من اقاليم الاقتصاد القومي (بما في ذلك الاقليم نفسه) كما يمكن أن تشكل مدخلات الى أي قطاع في هذا الاقليم .

ويمكن الحصول على الجدول التالي للمدخلات والمخرجات تغطي المستوى القومي مع مراعاة البعد الاقليمي (جدول رقم ١) .

جدول رقم (١)

	Region E ₁				...	Region E _j				...	Region E _n				المراتب	احصائى	اقتصادى	اجمالى		
	S ₁	S ₂	...	S _j	...	S ₂	...	S _j	...	S _n	...	S ₂	...	S _j	...	S _n	الى الاقاليم او اخرى	الاحصائى	الاقتصادى	الاجمالى
R ₁	S ₁	S ₂	...	S _j	...	S ₂	...	S _j	...	S _n	...	S ₂	...	S _j	...	S _n				
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮				
R _x	S ₁	S ₂	...	S _j	...	S ₂	...	S _j	...	S _n	...	S ₂	...	S _j	...	S _n	R ₁ ^x	\bar{y}_1	y ₁ ^x	x ₁ ^x
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	R _p	\bar{y}^x	y ^x	x ^x
R _r	S ₁	S ₂	...	S _j	...	S ₂	...	S _j	...	S _n	...	S ₂	...	S _j	...	S _n				
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮				
ΣR	S ₁	S ₂	...	S _j	...	S ₂	...	S _j	...	S _n	...	S ₂	...	S _j	...	S _n	R ₁	\bar{y}_1	y ₁	x ₁
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	R	\bar{y}	y	x
القيمة المضافة																				
Σ اجمالي الانتاج																				

١٠٠٠

من هذا الجدول يمكن رؤية أن :

هي قيمة الاستخدامات الوسيطة من منتجات القطاع i التابع للاقليم α في
القطاع j التابع للاقليم β $x_{ij}^{\alpha\beta}$

• هي إجمالي الاستخدام الوسيط في الاقليم β من منتجات القطاع i التابع للاقليم α $x_{io}^{\alpha\beta}$

$$x_{io}^{\alpha\beta} = \sum_{j=1}^n x_{ij}^{\alpha\beta} \quad v(i \cup \alpha \cup \beta) \quad \text{أي ان} \quad \dots (1)$$

هي إجمالي الاستخدامات الوسيطة للقطاع j التابع للاقليم β من منتجات القطاعات

الانتاجية المختلفة التابعة للاقليم α أي ان

$$x_{oj}^{\alpha\beta} = \sum_{i=1}^n x_{ij}^{\alpha\beta} \quad \dots (2)$$

هي إجمالي الاستخدامات الوسيطة من منتجات الاقليم α في الاقليم β أي ان $x_{oo}^{\alpha\beta}$

$$x_{oo}^{\alpha\beta} = \sum_{i=1}^n x_{io}^{\alpha\beta} = \sum_{j=1}^n x_{oj}^{\alpha\beta} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n x_{ij}^{\alpha\beta} \quad \dots (3)$$

وكما في النموذج العام للدخلات والمخرجات فان العلاقة

$$\sum_{j=1}^n x_{ij}^{\alpha\beta} + y_i^{\alpha\beta} = x_i^{\alpha\beta} \quad \dots (4)$$

• صحيحة مهما كان الاقليمان β و α ولكل قطاع i من القطاعات الانتاجية

حيث

• الجزء من الطلب النهائي للاقليم β على منتجات القطاع i التابع للاقليم α $y_i^{\alpha\beta}$

• مجموع الاستخدامات الوسيطة والنهائية للاقليم β من منتجات القطاع i التابع للاقليم α $x_i^{\alpha\beta}$

وتجميع العلاقات السابقة على i ينتج ان

$$\sum_{j=1}^n x_{oj}^{\alpha\beta} + y^{\alpha\beta} = x^{\alpha\beta} \quad v(\alpha \cup \beta) \quad \dots (5)$$

حيث

$y^{\alpha\beta}$ اجمالي الاستخدامات النهائية للاقليم β من الاقليم α

$x^{\alpha\beta}$ مجموع الاستخدامات الوسيطة والنهائية للاقليم β من الاقليم α

وفرض ان

E_i^{α} هي مجموع مخرجات القطاع i الموجود في الاقليم α الى كل الاقاليم الاخرى (بحدون الاقليم نفسه)

x_i^{α} هي اجمالي انتاج القطاع i الموجود في الاقليم α

E^{α} هي مجموع مخرجات الاقليم α الى كل الاقاليم الاخرى

x^{α} هي اجمالي انتاج الاقليم α

فانه يمكن ايضاح ان :

$$E_i^{\alpha} = x_i^{\alpha} - x_i^{\alpha\alpha} \quad v(i \cup \alpha) \quad \dots (6)$$

والتجميع على i ينتج ان :

$$E^{\alpha} = x^{\alpha} - x^{\alpha\alpha} \quad \dots (7)$$

وفرض ان :

\bar{y}_i^{α} هي اجمالي الاستخدام النهائي الاقليمي على منتجات القطاع i الموجود في الاقليم α

$$\therefore \bar{y}_i^{\alpha} = x_i^{\alpha} - x_{io}^{\alpha\alpha} \quad v(i \cup \alpha) \quad \dots (8)$$

والنجم على i منتج ان

$$\bar{y}^\alpha = x^\alpha - x_{00}^{\alpha\alpha} \quad (\alpha = 1, 2, \dots, m) \quad \dots (9)$$

ومفروضان :

• هي الطلب النهائي للاقتصاد القومي y_i^α

$$\therefore y_i^\alpha = \sum_{\beta=1}^m y_i^{\alpha\beta} \quad V(i \cup \alpha) \quad \dots (10)$$

والنجم على i منتج

$$y^\alpha = \sum_{\beta=1}^m y^{\alpha\beta} \quad (\alpha = 1, 2, \dots, m) \quad \dots (11)$$

واضح كذلك ان اجمالي إنتاج القطاع i الموجود في الاقليم α هو

$$x_i^\alpha = \sum_{\beta=1}^m x_i^{\alpha\beta} \quad V(i \cup \alpha) \quad \dots (12)$$

والنجم على i منتج

$$x^\alpha = \sum_{\beta=1}^m \sum_{i=1}^n x_i^{\alpha\beta} = \sum_{\beta=1}^m x^{\alpha\beta} \quad (\alpha = 1, 2, \dots, m)$$

..... (13)

٢. تحديد المستويات التوازنية للانتاج الاقليمي

نفرض الان اننا رمزنا الى معاملات الانتاج الاقليمي الفنيه (او معاملات الاحتياجات الاقليمية الباعثه) بالرمز a_{ij}^{β} حيث لا يهتبا هنا ان نفرق بين الصادر الاقليمي لمنتجات القطاع i اننا لا نهتم بما اذا كانت مدخلات القطاع j الموجود نفس الاقليم β من مخرجات القطاع i تأتي من الاقليم الاول أو الاقليم الثاني ... أو الاقليم الاخير في الاقتصاد القومي . لذلك يجب لحساب هذه المعاملات الفنيه ان نجمع الاستخدام الوسيطة من منتج قطاع معين i على كل الاقليم الموزعه α حيث $(\alpha = 1, 2, \dots, m)$ وبالتالي فان :

$$a_{ij}^{\beta} = \frac{x_{ij}^{o\beta}}{x_j^{\beta}} \quad V(\beta \cup i \cup j) \quad \dots (14)$$

ونفرض ان معاملات مساهمه القطاع i الناتج للاقليم α الى اجمالي مساهمه القطاع i على المستوى القومي في كل أنشطه الاقليم β هي

$$s_i^{\alpha\beta} = \frac{x_i^{\alpha\beta}}{x_i^{o\beta}} = \frac{x_i^{\alpha\beta}}{\sum_{\alpha=1}^m x_i^{\alpha\beta}} \quad V(\alpha \cup \beta \cup i) \quad \dots (15)$$

واستخدام مجموعيات المعادلات السابقه يمكن استنتاج مجموعه المعادلات الاساسيه التاليه :-

$$x_i^{\alpha} = \sum_{\beta=1}^m x_i^{\alpha\beta} \quad V(\alpha \cup i)$$

$$= \sum_{\beta=1}^m s_i^{\alpha\beta} x_i^{o\beta}$$

$$= \sum_{\beta=1}^m \alpha_i^{\beta} S_i^{\beta} \left(\sum_{j=1}^n x_{ij}^{o\beta} + y_i^{o\beta} \right)$$

$$= \sum_{\beta=1}^m \alpha_i^{\beta} S_i^{\beta} \left(\sum_{j=1}^n a_{ij}^{\beta} x_j^{\beta} + y_i^{o\beta} \right)$$

$$\therefore x_i^{\alpha} = \sum_{\beta=1}^m \sum_{j=1}^n \alpha_i^{\beta} a_{ij}^{\beta} x_j^{\beta} + \sum_{\beta=1}^m \alpha_i^{\beta} y_i^{o\beta} \quad v(\alpha U i)$$

.... (16)

معتبر استخدام المعاملات $S_i^{\alpha\beta}$ في هذا النموذج من أهم القيود عليه .

هذه المعاملات يمكن حسابها من فترة اساس سابقه واستخدمها في الفتره التخطيطيه الخاصه بالنموذج كوجه من درجات التقريب . وهذا يعنى انه اذا كانت مدخلات الاقليم β من منتجات القطاع i هي مثلا ٥٠ % من الاقليم α_1 ، ٣٠ % من الاقليم α_2 ، ٢٠ % من الاقليم α_3 في فترة الاساس ، فان هذه العلاقه ستستمر في الفتره التخطيطيه للنموذج . وهذا ما يشكل أحد المعيوب الاساسيه .

وللتغلب على هذه المشكله فانه يجب تغيير هذه المعاملات مع الزمن وخصوصا في حالات حدوث نوع من التطور التكنولوجي في احد القطاعات التابع لاقليم ما ، مما يترتب عليه زياده في الانتاج وبالتالي احتمال زياده مدخلات الاقليم النسبيه من منتجات هذا القطاع . والخلاصه انه يجب تصحيح هذه المعاملات من فترة لاخرى بما يتناسب مع الاحتمالات المختلفه للخطه .

وباستخدام المصفوفات ه فاذا كان منجه الانتاج الاقلبي هو

$$X^T = (x_1^1, x_2^1, \dots, x_n^1; \dots; x_1^m, x_2^m, \dots, x_n^m) \dots (17)$$

ومنجه الطلب النهائي

$$Y^T = (y_1^{o1}, y_2^{o1}, \dots, y_n^{o1}; \dots; y_1^{om}, y_2^{om}, \dots, y_n^{om}) \dots (18)$$

والمصفوفتان A و S كما يلي :

$$S = \begin{bmatrix} s_{11} & \dots & o & \dots & s_{1m} & o \\ o & \dots & s_{11} & \dots & o & s_{1m} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ o & \dots & s_{n1} & \dots & o & s_{nm} \\ s_{m1} & o & \dots & \dots & s_{mm} & o \\ o & \dots & s_{n1} & \dots & o & s_{nm} \end{bmatrix} \dots (19)$$

$$A = \begin{bmatrix} a_{11}^1 & a_{1n}^1 & \dots & o & o \\ a_{n1}^1 & a_{nn}^1 & \dots & o & o \\ o & o & \dots & a_{11}^m & a_{1n}^m \\ o & o & \dots & a_{n1}^m & a_{nn}^m \end{bmatrix} \dots (20)$$

فانه يمكن كتابه مجموعه العلاقات الاساسيه السابقه كما يلي :-

$$X = S A X + S Y \quad \dots (21)$$

واضح ان حل هذا النموذج هو

$$X = (U - S A)^{-1} S Y \quad \dots (22)$$

وان

$$Y = (S^{-1} - A) X \quad \dots (23)$$

وبالتالى فانه بواسطة هذا النموذج يمكن حساب المستويات التوازنيه للانتاج (والمقسمه على الاقاليم المختلفه والقطاعات المختلفه داخل كل اقليم) واللازمه لاشباع الطلب النهائى المناظر والمقسم أيضا على الاقاليم والقطاعات المختلفه داخل كل اقليم .

٣٠ مثال ايضاحي

نفرض انه امكن التعبير عن معلومات الاقتصاد القومي لقره اساس معينه بجدول المدخلات والمخرجات المطهر الاتي (جده ول رقم ٢) والذي يتضمن اقليم فقط للسهوله حيث يشتمل كل اقليم على ثلاث قطاعات انتاجيه (زراعه وصناعه وخدمات مثلا) من الواضح ان هذا الجدول يناظر الجدول رقم (١) النظري والذي يمثل الهيكل العنصرى لنموذج المدخلات والمخرجات الذي سبق تطوره ليشمل البعد الاقليمي .

ونفرض الان اننا نريد معرفه الصوره على مستوى الاقتصاد القومي اذا كان متجه الطلب النهائي

$$Y^T = (1500 , 2000 , 2000 , 1500 , 4000 , 2000)$$

لذلك يهوب ان نبدأ بحساب المصفوفتين S و A . ومن الجدول السابق يمكن رؤيه

$$A = \begin{bmatrix} 0.05 & 0.10 & 0.20 & 0 & 0 & 0 \\ 0.10 & 0.05 & 0.25 & 0 & 0 & 0 \\ 0.20 & 0.20 & 0.10 & 0 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 0 & 0.15 & 0.30 & 0.15 \\ 0 & 0 & 0 & 0.10 & 0.15 & 0.05 \\ 0 & 0 & 0 & 0.10 & 0.10 & 0.10 \end{bmatrix}$$

$$S = \begin{bmatrix} 0.4575 & 0 & 0 & 0.2500 & 0 & 0 \\ 0 & 0.4210 & 0 & 0 & 0.3485 & 0 \\ 0 & 0 & 0.5625 & 0 & 0 & 0.7857 \\ \hline 0.5425 & 0 & 0 & 0.7500 & 0 & 0 \\ 0 & 0.5790 & 0 & 0 & 0.6505 & 0 \\ 0 & 0 & 0.4375 & 0 & 0 & 0.2143 \end{bmatrix}$$

جدول رقم (٢)

	Region 1							Region 2						Deliveries to other Regions	Regional Final Uses	National Final Uses	Total Production
	S ₁	S ₂	S ₃	Σ	Y	Σ	S ₁	S ₂	S ₃	Σ	Y	Σ	E	G	Y	X	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	
Region 1	1	45.7	137.3	326	549	551	1100	150	575	75	600	500	900	500	1451	951	2000
	2	84.2	63.2	421	568.4	631.6	1200	139.3	262.1	34.6	436.5	1363.5	1800	1800	2431.6	1195.1	3000
	3	225	337.5	225	787.5	1012.5	1500	314.3	392.9	157.1	864.3	1355.7	2000	2000	3212.5	2448	4000
	Σ	354.9	538.0	1012	1904.9	2195.1	4100	604.1	1030.0	266.7	1900.8	2999.2	4300	4300	7075.7	5154	3000
Region 2	1	54.3	122.7	434	651	649	1300	450	1725	225	1800	1500	2100	1500	2800	1749	4000
	2	115.8	82.8	579	751.6	868.4	1650	200.2	437.9	65.4	813.5	2536.5	3550	1650	4180.5	4404.3	5000
	3	175	262.5	175	512.5	787.5	1400	85.7	107.1	42.9	235.7	1645	200	1400	1764.3	1178	2000
	Σ	345.7	512.0	1188	2045.1	2304.3	4350	735.9	1720.0	333.3	2849.2	3500.5	6000	4150	5150.5	6027	11000
Sum Over all Regions	1	100	300	800	1200	1200	2400	600	1500	300	2400	1200	3600	2200	3751	2400	6000
	2	200	150	1000	1350	1500	2850	400	750	100	1250	3300	5150	3450	6615.7	5400	8000
	3	400	600	400	1400	1800	3200	400	500	200	1100	1700	2800	5000	4976.3	3500	6000
	Σ	700	1050	2200	3950	4500	8450	1400	2750	600	4750	6800	11500	9250	15245.7	11300	20000
Value Added	1700	1950	1800	5050	—	5050	2600	2250	1400	6250	—	6250	—	—	—	—	11300
T. Production	2000	3000	4000	9000	4500	13500	4000	5000	2000	11000	6800	17800	9250	15245.7	11300	—	—

وحيث ان المستهات التوازيمه للانتاج

$$X = (U - SA)^{-1} S Y$$

لذلك يجب لحساب هذه المستهات التوازيمه للانتاج ان نقوم بالحسابات التاليه :-

$$U - SA = \begin{bmatrix} 0.97713 & - 0.04575 & - 0.09150 & - 0.03750 & - 0.07500 & -0.03750 \\ - 0.04210 & 0.97895 & - 0.1025 & - 0.03495 & - 0.05243 & -0.01746 \\ - 0.11250 & - 0.11250 & 0.94375 & - 0.07857 & - 0.07857 & -0.07857 \\ - 0.02713 & - 0.05425 & - 0.10850 & 0.88750 & - 0.22500 & -0.11250 \\ - 0.05790 & - 0.02895 & - 0.14475 & - 0.06505 & 0.90245 & -0.03253 \\ - 0.08750 & - 0.08750 & - 0.04375 & - 0.02143 & - 0.02143 & 0.97857 \end{bmatrix}$$

والتالي يمكن اثبات ان

$$(U-SA)^{-1} = \begin{bmatrix} 1.05835 & 0.07922 & 0.14171 & 0.07107 & 0.12418 & 0.06565 \\ 0.07415 & 1.05264 & 0.14924 & 0.06604 & 0.09783 & 0.04447 \\ 0.16151 & 0.16077 & 1.13758 & 0.12825 & 0.15664 & 0.12034 \\ 0.09816 & 0.12037 & 0.21802 & 1.18349 & 0.33326 & 0.17055 \\ 0.10734 & 0.07738 & 0.21517 & 0.11423 & 1.17053 & 0.07481 \\ 0.11298 & 0.11272 & 0.08636 & 0.04641 & 0.05979 & 1.04250 \end{bmatrix}$$

ومنها نجد ان :

$$(U-SA)^{-1} S = \begin{bmatrix} 0.52575 & 0.10525 & 0.10843 & 0.31789 & 0.10847 & 0.12541 \\ 0.06975 & 0.49981 & 0.10340 & 0.06807 & 0.43154 & 0.12679 \\ 0.14347 & 0.15838 & 0.69252 & 0.13656 & 0.15808 & 0.91955 \\ 0.68695 & 0.24361 & 0.19725 & 0.91216 & 0.25884 & 0.20785 \\ 0.11108 & 0.71031 & 0.15376 & 0.11251 & 0.78847 & 0.18509 \\ 0.07687 & 0.08207 & 0.50467 & 0.06306 & 0.07829 & 0.29126 \end{bmatrix}$$

والتالى فان المستويات النواتجه للانتاج واللازمه لاتباع الطلب النهائى السابق هى :-

$$X^T = [(U - SA)^{-1} SY]^T \\ = (2373, 3393, 4593, 4731, 5588, 2279)$$

ولكى نعرف كيف يتم توزيع القيم المختلفه لاجمالى الانتاج السابق (مركبات المنجه السابق)

على الاقاليم المختلفه وهى القطاعات الموجوده داخل كل اقليم فاننا نستخدم العلاقات

التاليه والتي سبق اثباتها وهى

$$x_i^\alpha = \sum_{\beta=1}^2 S_i^{\alpha\beta} \left(\sum_{j=1}^3 a_{ij}^\beta x_j^\beta + y_i^{0\beta} \right) \quad V(i U \alpha)$$

فبوضع $i=1$ و $\alpha=1$ فاننا نحصل على

$$x_1^1 = S_1^{11} (a_{11}^1 x_{11}^1 + a_{12}^1 x_2^1 + a_{13}^1 x_3^1) + S_1^{11} y_1^{01} \\ + S_1^{12} (a_{11}^2 x_1^2 + a_{12}^2 x_2^2 + a_{13}^2 x_3^2) + S_1^{12} y_1^{02} \\ = 0.4575 (0.05 X 2373 + 0.10 X 3393 + 0.20 X 4593) + 0.4575 X 1500 \\ + 0.2500 (0.15 X 4731 + 0.30 X 5588 + 0.15 X 2279) + 0.2500 X 1500$$

$$x_1^1 = 54 + 155 + 422 + 686 + 177 + 418 + 86 + 375$$

وهذه العناصر هى عباره عن العناصر التى يتكون منها الصف الاول فى الجدول الثالث المناظر

والذى يعطى الصوره التى نبحث عنها . (جدول رقم ٣)

	Region 1						Region 2						Delivered to other Regions	Regional Final Uses	National Final Uses	Total Production	
	S_1	S_2	S_3	Σ	Y	Σ	S_1	S_2	S_3	Σ	Y	Σ	E	\bar{Y}	Y	X	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	
Region 1	1	54	155	422	631	686	1317	177	418	86	681	315	1056	1056	1742	1061	2315
	2	100	71	484	655	842	1497	166	292	40	498	7378	1896	1596	2735	2240	3393
	3	267	382	258	907	1125	2032	371	439	179	989	1572	2561	2561	3656	2657	4593
	Σ	421	608	1164	2193	2653	4846	714	1149	305	2168	3345	5513	5513	8166	5975	10359
Region 2	1	64	184	499	747	814	1561	534	1254	257	2045	1125	3170	1561	2636	1939	1731
	2	138	98	665	901	1158	2059	308	544	75	927	2662	3529	2059	4661	3760	5585
	3	208	296	201	705	875	1580	104	48	119	271	428	693	1580	2008	1303	2275
	Σ	410	578	1365	2353	2847	5200	946	1846	451	3243	4155	7335	5200	9355	7002	12535
Sum Over all Regions	1	118	339	921	1378	1500	2878	711	1672	343	2726	1500	4226	2617	4428	3000	7104
	2	238	169	1149	1556	2000	3556	474	836	115	1425	4000	5425	3955	7399	6000	8981
	3	475	678	459	1612	2000	3612	475	487	298	1260	2000	3260	4141	5694	4000	6672
	Σ	831	1186	2529	4546	5500	10046	1660	2995	756	5411	7500	12911	10713	17521	15000	22557
Value Added		1542	2207	2064	5813	—	5813	3071	2593	1523	7187	—	7187	—	—	—	13000
Production		2373	3393	4593	10359	5500	15859	4741	5588	2273	12598	7500					

ومعنى دقيق فهي عناصر الصرف الاوالموجودة فى الاعدده ٥١ ٥٢ ٥٣ ٥٥ ٥٧ ٥٨ ٥٩ ١١
والذى يعطى الصوره التى نهت عنها . وتكرار العليه السابقه لجمع قيم ٤ ٥ ٥٥ ٥٦
على كل العناصر الخاصه بالاقليمين فى الجدول السابق جدول رقم (٣) . يمكن الحصول
على ارقام العمود (١٣) فى هذا المثال حيث $2=11$ وذلك من عمود (١٢) بالنسبه للاقليم
الاول ومن عمود (٦) بالنسبه للاقليم الثانى .
اما ارقام العمود (١٤) فيمكن الحصول عليها بطرح ارقام العمود (٤) من العمود
(٢٠) بالنسبه للاقليم الاول وطرح العمود (١٠) من العمود (٢٠) بالنسبه للاقليم
الثانى . أى بطرح الاستخدامات الوسيطه للاقليم من اجمالى انتاج الاقليم .
وبالنسبه لبيانات العمود (١٥) فيمكن الحصول عليها بجمع العمود (٥) على العمود (١١)
واخيرا يمكن الحصول على البيانات الخاصه بمجموع الاقليمين ككل بجمع البيانات المناظره
للاقليمين معا .

٤ . بعض خطوات تطبيق النماذج الاقليمية فى مصر

يوضح من عرض النموذج السابق ان التطبيق الناجح للنماذج الاقليمية فى مصر يتطلب

بالضروة :-

- ١ - ان يقسم الحيز المكاني فى مصر الى اقاليم تخطيطيه واضحه المعالم .
وقد كان هذا من بين اهتمامات القادات السياسيه فى مصر حيث تم تقسيم الدوله الى عدده اقاليم اقتصاديه بهدف وضع مجموعه من الخطط الاقليمية الشامله التى تغطى رقعه الوطن كله والتى تتكامل فى اطار الخطه القوميه بحيث يصبح لدينا خطه شامله تتحدد فيها ابعاد عطيه التنميه الاقتصاديه والاجتماعيه الشامله قطاعيا ومكانيا .
ويمكن الرجوع هنا الى بعض دراسات* معهد التخطيط القومى بهذا الصدد .

٢ - أن تتوفر لدينا الاجهزه التنظيميه والتخطيطيه والاحصائيه والقادره على :

- ١ - تحديد مجموعه الموارد والامكانيات والطاقت الماديه والبشريه والمعنويه المتاحة والتى يمكن ان نتاح فى كل اقليم من اقاليم مصر (والتى تشمل على المتاح من القوى العامله بتصنيفاتها المختلفه + الموارد والثروات الطبيعيه + راس المال + المعلومات + الهياكل الاقتصاديه والاجتماعيه المتاحة + امكانيات النمو الزراعى والصناعى فى كل اقليم + التعرف على حجم التبادل النقدى والسلمى بين الاقاليم)

* ارجع الى

د . محمد حسن نج النور : التخطيط الاقليمى وتقسيم مصر الى اقاليم تخطيطيه . دراسه تحليليه نقديه . مذكره خارجيه رقم (١٢٢٥) معهد التخطيط القومى سنه ١٩٧٨

- ب - تحديد أو تقدير الاحتياجات الإقليمية سواء لوجه الاستخدام الوسيط أو الاستخدام النهائي وذلك بالنسبة لكل قطاع من القطاعات الانتاجية والموجودة داخل الاقليم وكذلك المصادر المختلفه لكل منها .
- ج - ترجمه هذه الاحتياجات الإقليمية في ضوء الامكانيات المتاحة الى خطط اقليميه تتكامل جميعها في اطار خطة التمهيد الاقتصادي والاجتماعي .
- د - الاهتمام بالبيانات والمعلومات اللازمه لهذه المعالجات نجعلها وحفظا وتجديدا ومعالجه وتقييمها وكذلك مصادر هذه البيانات ومراكز احتياجاتها ومدى دوريتها حتى تتحسن نوعياتها وتزداد درجه الثقة بها وتصبح على درجه عاليه من الدقه .
- هـ - تطهير ادوات واساليب ونماذج التخطيط الاقليمي ومنها هذا النموذج السابق عرضه بحيث تكون اكثر عمقا وتتناول بعض المتغيرات الإقليمية التي لم يتناولها النموذج وحيث تتفق مع امكانيات وميزه المجمع المصري .
- و - الاهتمام بتوفير بعض المؤشرات والمعايير التي تعكس الرفاهيه وتوزيع الدخل فسي الاقاليم المختلفه .

وحسب علمنا فبرغم وجود جهاز للتخطيط الاقليمي حديث المعهد بوزاره التخطيط ووجود مركز للتخطيط الاقليمي بالمعهد الا انه لا يوجد حتى الان الاجهزه الكافيه على المستوى الاقليمي والقادره على القيام بمهامها السابقه من حيث التعرف على الامكانيات والموارد وبالتالي اجراء حصر شامل لما هو قائم بالحيز المكاني في مصر ، ولكننا نأمل ان نستكمل الاجهزه الإقليمية المدريه لكي نتكمن من اجراء مسحا شاملا للاقاليم المصريه .

- ٣ - توافر الادوات المناسبه للتعامل مع البيانات والمعلومات بالتخزين والتحليل والتجديده والقدره على الاسترجاع وقت الحاجة مثل الحاسبات الالهيه والحاسبات الالكترونيه .

المراجع

أولا : العربية

- ١ - الوليد الشافعي ومحمد علي نصار : "مفروع التخطيط الاقليمي للبلاد العربية" مذكرة رقم (٣) معهد التخطيط القومي ، يوليو سنة ١٩٧٦
- ٢ - سلطان ابو عيسى : "محاضرات في تحليل الانشطة الانتاجية" مذكرة داخلية رقم (٣٨) معهد التخطيط القومي يناير سنة ١٩٦٠
- ٣ - صفرا احمد صفرا : "تحليل المدخلات والمخرجات" مذكرة داخلية رقم (١٦١) معهد التخطيط القومي مايو سنة ١٩٧١
- ٤ - صفرا احمد صفرا : "اقتصاد الشباك القطاعي" مذكرة داخلية رقم (٢٨٤) معهد التخطيط القومي ديسمبر سنة ١٩٧٢
- ٥ - فتحى الحسينى : "الاستخدامات العملية لجدول المدخلات والمخرجات" مذكرة داخلية رقم (٤٩١) معهد التخطيط القومي فبراير سنة ١٩٧٦
- ٦ - محرم الحداد : "الادارة العلمية واتخاذ القرارات" مذكرة داخلية رقم (٣٨٧) معهد التخطيط القومي يونيو سنة ١٩٧٤
- ٧ - محمد حسن فوج النور : "التخطيط الاقليمي وتقسيم مصر الى اقاليم تخطيطية" دراسة تحليلية نقدية مذكرة خارجيه رقم (١٢٢٥) معهد التخطيط القومي سنة ١٩٧٨

- ٨ - محمد محمود الامام : "محاضرات في تحليل المدخلات والمخرجات" جزءان
مذكوره رقم (١٧٤) معهد التخطيط القومي
ابريل سنه ١٩٦٤
- ٩ - مونس فردي عبد الله : "عرض تاريخي لجدول المدخلات والمخرجات التي تمت
بوزاره التخطيط وتقييم مآثرها الاحصائيه"
في بحث التشابك الاقتصادي ،
معهد التخطيط القومي ، ديسمبر سنه ١٩٦٦
- ١٠ - وزاره التخطيط : "تقرير بشأن تطهير بناء جداول التشابك الاقتصادي
في مصر"
مكتب الوزير

ثانياً : الاجنبية

1. R.G.D. allen , Macro - Economic Theory
2. W.J. Baumal. Economic Theory and Operations Analysis
3. M.Bliefernich, Aggregations probleme bei Verflechtungsbilanzen,
Wiss. Zeitschrift der Hochschule Fur Ökonomie,
Berlin 12 (1967) 329 - 334
4. C.R.Blitzer,P.B. Clark and L. Taylor, Economy - Wide Models
and Development Planning, Aworld Bank Research
Publication, OXFord University Press, 1975
5. H.Chenery and P.Clark, Interindustrie Economics, John Wiley
N. Y. 1959
6. Dorfman, Samuelson and Solow, Linear Programming and Economic
Analysis
7. W.Dück, Anwendung von Iterationsverfahren zur
Matrizeninversion bei numerische Anwendung
ökonomischer probleme in: Mathematik und
Wirtschaft, Berlin 1960 .
8. J.A.Hartog, Input-Output and optimization Methods in Planning
Seventh international Confernce on Input-Output
Techniques, Austria, 9-13 April 1979.

9. S.W. Nemschinow, Ökonomisch-mathematische Methoden und Modelle, Verlag Die Wirtschaft, Berlin 1965.
10. R. Pieplow, Die Planung der Verflechtungs koeffizienten, in plannung und Leitung der wirtshaft, Bln. 1965.
11. A. Qarter and A. Brody, Contribution to Input - Output Analysis, Proceedings of the Fourth International Conference on Input - Output Techniques, Geneva 1968. Vol I. North-Holland Amsterdam 1970.
12. A. Qarter and A. Brody, Applications of Input-output Analysis, North - Holland Publishing Co., Amsterdam, 1970.
13. H. Theil, Linear Aggregation in Input- Output Analysis, Econometrica 1 (1957), 111 - 122.
14. United Nations, Problems of Input - Output Tables and Analysis, Series F, No. 14, 1966.
15. C. Yan, Introduction to Input - Output Economics, Holt, Rinchart and Winston, 1959.